



Crossproduct. Векторное произведение

Имя входного файла: crossproduct.in
Имя выходного файла: crossproduct.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти:

Даны два вектора в \mathbb{R}^3 . Вычислите их векторное произведение.

Формат входных данных

Во входном файле записаны три целых числа — координаты первого вектора, затем три целых числа — координаты второго вектора.

Формат выходных данных

Выведите три целых числа — координаты вектора, являющегося их векторным произведением.

Пример

| crossproduct.in | crossproduct.out |
|-----------------|------------------|
| 1 0 0 | 0 0 1 |
| 0 1 0 | |



Angle3d. Угол между векторами

Имя входного файла: angle3d.in

Имя выходного файла: angle3d.out

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

Даны два вектора в \mathbb{R}^3 . Вычислите угол между ними.

Формат входных данных

Во входном файле записаны три целых числа — координаты первого вектора, затем три целых числа — координаты второго вектора.

Формат выходных данных

Выведите одно действительное число — угол между данными векторами в радианах с точностью не менее 6 значащих знаков.

Пример

| angle3d.in | angle3d.out |
|------------|-------------|
| 1 0 0 | 1.570796327 |
| 0 1 0 | |



Orthogonal. Ортогональный вектор

Имя входного файла: `orthogonal.in`

Имя выходного файла: `orthogonal.out`

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

Дан ненулевой вектор. Найдите любой ненулевой целочисленный вектор, ортогональный данному.

Формат входных данных

Во входном файле записаны три целых числа — координаты вектора x_0, y_0, z_0 . Числа целые, не превосходят 1000 по модулю.

Формат выходных данных

Выведите три целых числа — координаты ненулевого вектора, ортогонального данному.

Пример

| <code>orthogonal.in</code> | <code>orthogonal.out</code> |
|----------------------------|-----------------------------|
| 1 1 1 | 1 -1 0 |



Hands. Руки Ктулху

Имя входного файла: `hands.in`

Имя выходного файла: `hands.out`

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

У Ктулху на каждой руке — три пальца—отрезка, которые соединяются вместе в одной точке. Вы видите руку Ктулху, при этом конец первого пальца находится в точке (x_1, y_1, z_1) , конец второго пальца в точке (x_2, y_2, z_2) , конец третьего пальца — в точке (x_3, y_3, z_3) , а начала пальцев соединяются в точке (x_0, y_0, z_0) .

Определите, какую руку Ктулху вы видите — правую или левую.

Формат входных данных

Программа получает на вход 12 чисел $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, x_3, y_3, z_3, x_0, y_0, z_0$. Числа — целые, не превосходят 1000 по модулю. Гарантируется, что четыре данные точки не лежат в одной плоскости.

Формат выходных данных

Выведите слово `RIGHT`, если вы видите правую руку Ктулху или слово `LEFT`, если видите левую руку.

Пример

| <code>hands.in</code> | <code>hands.out</code> |
|----------------------------------|------------------------|
| 1 0 0 0 1 0 0 0 1 0 0 0 | RIGHT |



Volume. Объем тетраэдра

Имя входного файла: `volume.in`

Имя выходного файла: `volume.out`

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

Даны четыре точки в \mathbb{R}^3 . Определите объем тетраэдра с вершинами в этих точках.

Формат входных данных

Программа получает на вход 12 чисел $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, x_3, y_3, z_3, x_4, y_4, z_4$. Числа — целые, не превосходят 1000 по модулю.

Формат выходных данных

Выведите одно действительное число — объем тетраэдра с вершинами в данных точках, с точностью не менее 10^{-3} .

Пример

| <code>volume.in</code> | <code>volume.out</code> |
|------------------------|-------------------------|
| 0 0 0 | 0.1666666667 |
| 1 0 0 | |
| 0 1 0 | |
| 0 0 1 | |



Online. Точки на прямой

Имя входного файла: `online.in`

Имя выходного файла: `online.out`

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

Даны три точки в \mathbb{R}^3 . Определите, лежат ли они на одной прямой.

Формат входных данных

Программа получает на вход 9 чисел $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, x_3, y_3, z_3$. Числа — целые, не превосходят 1000 по модулю.

Формат выходных данных

Если три данные точки лежат на одной прямой, выведите слово YES, иначе выведите слово NO.

Пример

| <code>online.in</code> | <code>online.out</code> |
|-------------------------|-------------------------|
| 1 0 0 0 1 0 0 0 1 | NO |



Onplane. Точки на плоскости

Имя входного файла: `onplane.in`

Имя выходного файла: `onplane.out`

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

Даны четыре точки в \mathbb{R}^3 . Определите, лежат ли они на одной плоскости.

Формат входных данных

Программа получает на вход 12 чисел $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, x_3, y_3, z_3, x_4, y_4, z_4$. Числа — целые, не превосходят 1000 по модулю.

Формат выходных данных

Если четыре данные точки лежат на одной плоскости, выведите слово `YES`, иначе выведите слово `NO`.

Пример

| <code>onplane.in</code> | <code>onplane.out</code> |
|----------------------------------|--------------------------|
| 1 0 0 0 1 0 0 0 1 0 0 0 | NO |



Distance1. Расстояние от точки до прямой

Имя входного файла: `distance1.in`

Имя выходного файла: `distance1.out`

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

Дана точка и прямая, заданная двумя точками, в \mathbb{R}^3 . Найдите расстояние от этой точки до прямой.

Формат входных данных

Программа получает на вход 9 чисел $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, x_3, y_3, z_3$. Числа — целые, не превосходят 1000 по модулю. Точки 2 и 3 не совпадают.

Формат выходных данных

Выведите расстояние от точки 1 до прямой, проходящей через точки 2 и 3 с точностью не менее 10^{-3} .

Пример

| <code>distance1.in</code> | <code>distance1.out</code> |
|---------------------------|----------------------------|
| 1 0 0 | 0.7071067812 |
| 0 0 0 | |
| 1 1 0 | |



Distance2. Расстояние от точки до отрезка

Имя входного файла: `distance2.in`
Имя выходного файла: `distance2.out`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти:

Дана точка и концы отрезка в \mathbb{R}^3 . Найдите расстояние от этой точки до отрезка.

Формат входных данных

Программа получает на вход 9 чисел $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, x_3, y_3, z_3$. Числа — целые, не превосходят 1000 по модулю. Точки 2 и 3 не совпадают.

Формат выходных данных

Выведите расстояние от точки 1 до отрезка с концами в точках 2 и 3 с точностью не менее 10^{-3} .

Пример

| <code>distance2.in</code> | <code>distance2.out</code> |
|---------------------------|----------------------------|
| 0 0 0 | 1.7320508076 |
| 1 1 1 | |
| 2 2 2 | |



Plane1. Уравнение плоскости по трем точкам

Имя входного файла: `plane1.in`

Имя выходного файла: `plane1.out`

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

Постройте уравнение плоскости, проходящей через три заданные точки.

Формат входных данных

Программа получает на вход 9 чисел $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, x_3, y_3, z_3$. Числа — целые, не превосходят 1000 по модулю, точки не лежат на одной прямой.

Формат выходных данных

Выведите четыре целых числа A, B, C, D — коэффициенты уравнения плоскости $Ax + By + Cz + D = 0$, проходящей через заданные точки.

Пример

| <code>plane1.in</code> | <code>plane1.out</code> |
|------------------------|-------------------------|
| 0 0 0 | 1 0 0 0 |
| 0 0 1 | |
| 0 1 0 | |



Plane2. Точки на плоскости

Имя входного файла: `plane2.in`

Имя выходного файла: `plane2.out`

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

По данному уравнению плоскости $Ax + By + Cz + D = 0$ найдите три точки, не лежащие на одной прямой, через которые проходит данная плоскость.

Формат входных данных

Программа получает на вход 4 целых числа — коэффициенты A, B, C, D уравнения плоскости. Числа — целые, не превосходят 1000 по модулю.

Формат выходных данных

Программа должна вывести 9 действительных чисел $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, x_3, y_3, z_3$ — координаты трех точек, задающих данную плоскость с точностью, не менее 6 значащих цифр.

Пример

| <code>plane2.in</code> | <code>plane2.out</code> |
|------------------------|-------------------------|
| 1 1 1 -1 | 1 0 0 0 1 0 0 0 1 |



Perpendicular1. Основание перпендикуляра

Имя входного файла: `perpendicular1.in`
 Имя выходного файла: `perpendicular1.out`
 Ограничение по времени: 1 секунда
 Ограничение по памяти:

Дана точка и плоскость. Найдите основание перпендикуляра, опущенного из данной точки на плоскость.

Формат входных данных

Программа получает на вход 3 целых числа x_0, y_0, z_0 — координаты точки и 4 целых числа — коэффициенты A, B, C, D уравнения плоскости. Числа — целые, не превосходят 1000 по модулю.

Формат выходных данных

Программа должна вывести 3 действительных числа — координаты основания перпендикуляра, опущенного из данной точки на данную плоскость с точностью не менее 6 значащих знаков.

Пример

| <code>perpendicular1.in</code> | <code>perpendicular1.out</code> |
|--------------------------------|---------------------------------|
| 1 1 1 | 0.3333333333 0.3333333333 |
| 1 1 1 -1 | 0.3333333333 |



Intersection. Пересечение прямой и плоскости

Имя входного файла: `intersection.in`

Имя выходного файла: `intersection.out`

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

Дана прямая и плоскость. Найдите точку пересечения прямой и плоскости.

Формат входных данных

Программа получает на вход 6 целых чисел $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2$ — координаты двух несовпадающих точек, задающих прямую и 4 целых числа — коэффициенты A, B, C, D уравнения плоскости. Числа — целые, не превосходят 1000 по модулю.

Формат выходных данных

Программа должна вывести 3 действительных числа — координаты точки пересечения, данной прямой с данной плоскостью с точностью не менее шести значащих цифр. Если прямая и плоскость не пересекаются — выведите одно число 0. Если прямая целиком лежит в плоскости, выведите одно число 1.

Пример

| <code>intersection.in</code> | <code>intersection.out</code> |
|------------------------------|-------------------------------|
| 0 0 0 | 0.3333333333 0.3333333333 |
| 1 1 1 | 0.3333333333 |
| 1 1 1 -1 | |



Tetrahedron. Правильный тетраэдр

Имя входного файла: **tetrahedron.in**

Имя выходного файла: **tetrahedron.out**

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

Даны координаты трех точек в \mathbb{R}^3 , являющиеся вершинами равностороннего треугольника.

Найдите четвертую точку, образующую с тремя данными правильный тетраэдр.

Формат входных данных

Программа получает на вход 9 действительных чисел $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, x_3, y_3, z_3$ — координаты трех точек.

Формат выходных данных

Программа должна вывести 3 действительных числа — координаты четвертой вершины правильного тетраэдра с точностью не менее шести значащих цифр.

Пример

| tetrahedron.in | tetrahedron.out |
|-----------------------|---------------------------|
| 0 0 0 | 0.5000000000 0.2886751333 |
| 1 0 0 | 0.8164965809 |
| 0.5 0.8660254 0 | |



Distance3. Расстояние между двумя прямыми

Имя входного файла: `distance3.in`

Имя выходного файла: `distance3.out`

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

Найдите расстояние между двумя заданными прямыми в \mathbb{R}^3 .

Формат входных данных

Программа получает на вход 12 чисел $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, x_3, y_3, z_3, x_4, y_4, z_4$. Числа — целые, не превосходят 1000 по модулю. Точки 1 и 2, а также 3 и 4 не совпадают.

Формат выходных данных

Выведите расстояние между прямыми, первая проходит через точки 1 и 2, вторая проходит через точки 3 и 4. Точность вывода не менее шести значащих цифр.

Пример

| <code>distance3.in</code> | <code>distance3.out</code> |
|---------------------------|----------------------------|
| 0 0 0 | 2 |
| 1 0 0 | |
| 0 2 0 | |
| 0 2 1 | |



Perpendicular2. Перпендикуляр к прямой

Имя входного файла: `perpendicular2.in`

Имя выходного файла: `perpendicular2.out`

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

Дана точка и прямая, заданная двумя точками. Найдите основание перпендикуляра, опущенного из данной точки на прямую.

Формат входных данных

Программа получает на вход 3 целых числа x_0, y_0, z_0 — координаты точки, из которой опущен перпендикуляр, в следующих двух строках — числа $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2$ — координаты двух различных точек на прямой.

Формат выходных данных

Программа должна вывести 3 действительных числа — координаты основания перпендикуляра, опущенного из данной точки на данную прямую с точностью не менее 6 значащих знаков.

Пример

| <code>perpendicular2.in</code> | <code>perpendicular2.out</code> |
|--------------------------------|---------------------------------|
| 0 0 0 | 0.333333 0.666667 0.333333 |
| 0 1 0 | |
| 1 0 1 | |



Tangent. Касательные к сфере

Имя входного файла: `tangent.in`

Имя выходного файла: `tangent.out`

Ограничение по времени: 1 секунда

Ограничение по памяти:

Дана сфера и две точки. Постройте касательные к сфере плоскости, проходящие через данные точки, и найдите точки касания плоскостей со сферой.

Формат входных данных

Программа получает на вход 3 целых числа x_0, y_0, z_0 — координаты центра сферы. Во второй строке записано целое положительное число r — радиус сферы. В следующих двух строках — числа $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2$ — координаты двух различных точек, через которые должны проходить касательные.

Формат выходных данных

Программа должна вывести целое число k — количество различных касательных плоскостей, которые можно провести через данные точки к сфере. В следующих k строках необходимо вывести координаты точек касания данных плоскостей со сферой.

Пример

| <code>tangent.in</code> | <code>tangent.out</code> |
|------------------------------|---|
| 1 1 1 1 0 0 0 1 0 0 | 2 1 0 1 1 1 0 |
| 1 1 1 3 0 4 3 2 1 5 | 2 2 3 3 -0.28571428571428537 1.8571428571428577 3.5714285714285716 |
| 0 0 0 1 0 1 0 0 1 1 | 1 0 1 0 |