

## Задача А. Хипуй!

Имя входного файла: `heap.in`  
Имя выходного файла: `heap.out`  
Ограничение по времени: 4 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В этой задаче вам необходимо организовать структуру данных `Heap` для хранения целых чисел, над которой определены следующие операции:

- `Insert(X)` — добавить в `Heap` число  $X$ ;
- `Extract` — достать из `Heap` наибольшее число (удалив его при этом).

### Формат входных данных

Во входном файле записано количество команд  $N$  ( $1 \leq N \leq 100\,000$ ), потом последовательность из  $N$  команд, каждая в своей строке.

Каждая команда имеет такой формат: "0 <число>" или "1" что означает соответственно операции `Insert(<число>)` и `Extract`. Добавляемые числа находятся в интервале от 1 до  $10^7$  включительно.

Гарантируется, что при выполнении команды `Extract` в структуре находится по крайней мере один элемент.

### Формат выходных данных

В выходной файл для каждой команды извлечения необходимо вывести число, полученное при выполнении команды `Extract`.

### Примеры

<code>heap.in</code>	<code>heap.out</code>
7	100
0 100	50
0 10	
1	
0 5	
0 30	
0 50	
1	

## Задача В. Простая куча

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	7.5 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Реализуйте любую сливаемую кучу.

### Формат входных данных

В первой строке содержится два целых числа:  $N$  — общее количество куч и  $M$  — количество операций ( $1 \leq N \leq 1000, 1 \leq M \leq 1\,000\,000$ ). Изначально все кучи пусты.

Требуется поддерживать следующие операции:

- $0\ a\ v$  — добавить элемент со значением  $v$  в кучу с номером  $a$ .
- $1\ a\ b$  — переложить все элементы из кучи с номером  $a$  в кучу с номером  $b$ . После этой операции куча  $a$  становится пустой.
- $2\ a$  — вывести на отдельной строке значение минимального элемента в куче с номером  $a$ . Гарантируется, что куча не пуста.
- $3\ a$  — удалить минимальный элемент из кучи с номером  $a$ . Если таковых несколько, то выбирается элемент с минимальным индексом. Гарантируется, что куча не пуста.

### Формат выходных данных

Для каждой операции поиска минимального элемента выведите единственное число: значение искомого элемента.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 13	10
0 1 10	5
2 1	5
0 2 5	7
0 2 7	7
2 2	
1 2 1	
2 1	
3 1	
2 1	
0 1 9	
1 1 3	
0 3 8	
2 3	

## Задача С. Биномиальная куча

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	3 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Реализуйте биномиальную кучу.

### Формат входных данных

В первой строке содержится два целых числа:  $N$  — общее количество куч и  $M$  — количество операций ( $1 \leq N \leq 1000, 1 \leq M \leq 1\,000\,000$ ). Изначально все кучи пусты.

Требуется поддерживать следующие операции:

- 0  $a$   $v$  — добавить элемент со значением  $v$  в кучу с номером  $a$ . Вновь добавленный элемент имеет уникальный индекс равный порядковому номеру соответствующей операции добавления. Нумерация начинается с единицы.
- 1  $a$   $b$  — переложить все элементы из кучи с номером  $a$  в кучу с номером  $b$ . После этой операции куча  $a$  становится пустой.
- 2  $i$  — удалить элемент с индексом  $i$ .
- 3  $i$   $v$  — присвоить элементу с индексом  $i$  значение  $v$ . Гарантируется, что элемент существует.
- 4  $a$  — вывести на отдельной строке значение минимального элемента в куче с номером  $a$ . Гарантируется, что куча не пуста.
- 5  $a$  — удалить минимальный элемент из кучи с номером  $a$ . Если таковых несколько, то выбирается элемент с минимальным индексом. Гарантируется, что куча не пуста.

### Формат выходных данных

Для каждой операции поиска минимального элемента выведите единственное число: значение искомого элемента.

### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 19	10
0 1 10	5
4 1	7
0 2 5	7
0 2 7	10
4 2	3
3 2 20	10
4 2	8
1 2 1	
4 1	
5 1	
4 1	
3 2 3	
4 1	
2 2	
4 1	
0 1 9	
1 1 3	
0 3 8	
4 3	

## Задача D. Дофига умная [практически бесполезная (но красивая)] куча

Имя входного файла: `binomial.in`  
 Имя выходного файла: `binomial.out`  
 Ограничение по времени: 2 секунды  
 Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте **Фибоначчиеву** или **Quake** кучу.

### Формат входных данных

В первой строке содержится два целых числа:  $N$  — общее количество куч и  $M$  — количество операций ( $1 \leq N \leq 1000, 1 \leq M \leq 1\,000\,000$ ). Изначально все кучи пусты.

Требуется поддерживать следующие операции:

- 0  $v$   $a$  — добавить элемент со значением  $v$  в кучу с номером  $a$ . Вновь добавленный элемент имеет уникальный индекс равный порядковому номеру соответствующей операции добавления. Нумерация начинается с единицы.
- 1  $a$   $b$  — переложить все элементы из кучи с номером  $a$  в кучу с номером  $b$ . После этой операции куча  $a$  становится пустой.
- 2  $i$  — удалить элемент с индексом  $i$ .
- 3  $i$   $v$  — присвоить элементу с индексом  $i$  значение  $v$ . Гарантируется, что элемент существует.
- 4  $a$  — вывести на отдельной строке значение минимального элемента в куче с номером  $a$ . Гарантируется, что куча не пуста.
- 5  $a$  — удалить минимальный элемент из кучи с номером  $a$ . Если таковых несколько, то выбирается элемент с минимальным индексом. Гарантируется, что куча не пуста.

### Формат выходных данных

Для каждой операции поиска минимального элемента выведите единственное число: значение искомого элемента.

### Примеры

<code>binomial.in</code>	<code>binomial.out</code>
3 19	10
0 1 10	5
4 1	7
0 2 5	7
0 2 7	10
4 2	3
3 2 20	10
4 2	8
1 2 1	
4 1	
5 1	
4 1	
3 2 3	
4 1	
2 2	
4 1	
0 1 9	
1 1 3	
0 3 8	
4 3	

