Задача А. НОД

Имя входного файла: stdin
Имя выходного файла: stdout
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Формат входных данных

Входной файл содержит два натуральных числа a и b ($1 \le a, b \le 10^{18}$);

Формат выходных данных

В выходной файл выведите наибольший общий делитель этих двух этих чисел.

stdin	stdout
3 5	1
3 9	3

Задача В. Решето Эратосфена

Имя входного файла: sieve.in
Имя выходного файла: sieve.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

По введённым числам A и B вывести все простые числа в интервале от A до B включительно.

Формат входных данных

В единственной строке вводятся два числа $1\leqslant A\leqslant B\leqslant 100\,000$

Формат выходных данных

Вывести в одну строку все простые числа в интервале от A до B включительно

sieve.in	sieve.out
2 2	2
1 100	2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37 41 43 47 53 59 61 67 71 73 79 83 89 97

ЛКШ.2023. Август. Параллель 3. День 8. Теория чисел Россия, Судиславль, Август, 9, 2023

Задача С. Делители

Имя входного файла: onedivisor.in Имя выходного файла: onedivisor.out

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Вася любит простые числа, а особенно он любит простые числа, на которые делится его самое любимое число K.

Формат входных данных

На вход подается единственное целое положительное число K отличное от 1, не превосходящее $3*10^9$.

Формат выходных данных

В первой строке выведите количество чисел, которые Вася особенно любит. Во второй строке выведите в порядке возрастания все простые числа, которые Вася особенно любит.

onedivisor.in	onedivisor.out
5	1
	5
12	2
	2 3
30	3
	2 3 5

Задача D. Возведение в степень

Имя входного файла: stdin
Имя выходного файла: stdout
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Формат входных данных

Во входном файле даны три натуральных числа A, B, M ($1 \leq A, B \leq 10^9, 2 \leq M \leq 10^9$), записанные на одной строке через пробел.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите одно число, равное $A^B \mod M$ (mod означает взятие остатка при делении).

Примеры

stdin	stdout
2 3 100	8

Замечание

При решении данной задачи нельзя использовать встроенную операцию возведения в степень.

Задача Е. Диофантово уравнение

Имя входного файла: stdin
Имя выходного файла: stdout
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайта

Даны натуральные числа a, b и c. Решите в целых числах уравнение ax+by=c. Среди множества решений следует выбрать такое, где x имеет наименьшее неотрицательное значение.

Формат входных данных

Входной файл содержит три целых числа a и b и c $(1 \le a, b, c \le 10^9)$.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите искомые x и y через пробел. Если решения не существует, выведите одну строку «Impossible».

stdin	stdout
1 2 3	1 1

Задача F. Обратный элемент по модулю

Имя входного файла: stdin
Имя выходного файла: stdout
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Обратным элементом к n в кольце вычетов по модулю m называется такой элемент x, что выполняется равенство $nx \equiv 1 \pmod{m}$.

Формат входных данных

Входной файл содержит два целых числа n и m $(1 \le n, m \le 10^9)$.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите обратный элемент к n в кольце вычетов по модулю m. Если этого элемента не существует, то выведите -1.

stdin	stdout
1 2	1
1 5	1
2 4	-1