

Задача А. Декартово дерево

Имя входного файла: `tree.in`
 Имя выходного файла: `tree.out`
 Ограничение по времени: 1 секунда
 Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам даны пары чисел (a_i, b_i) . Необходимо построить декартово дерево, такое что i -я вершина имеет ключи (a_i, b_i) , вершины с ключом a_i образуют бинарное дерево поиска, а вершины с ключом b_i образуют кучу.

Формат входного файла

В первой строке записано число N — количество пар. Далее следует N ($1 \leq N \leq 50\,000$) пар (a_i, b_i) . Для всех пар $|a_i|, |b_i| \leq 30\,000$. $a_i \neq a_j$ и $b_i \neq b_j$ для всех $i \neq j$.

Формат выходного файла

Если декартово дерево с таким набором ключей построить возможно, выведите в первой строке «YES», в противном случае выведите «NO». В случае ответа «YES» выведите N строк, каждая из которых должна описывать вершину. Описание вершины состоит из трёх чисел: номера предка, номера левого сына и номера правого сына. Если у вершины отсутствует предок или какой либо из сыновей, выведите на его месте число 0.

Если подходящих деревьев несколько, выведите любое.

Пример

tree.in	tree.out
7	YES
5 4	2 3 6
2 2	0 5 1
3 9	1 0 7
0 5	5 0 0
1 3	2 4 0
6 6	1 0 0
4 11	3 0 0

Задача В. Следующий

Имя входного файла: `next.in`
 Имя выходного файла: `next.out`
 Ограничение по времени: 3 секунды
 Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте структуру данных, которая поддерживает множество S целых чисел, с которым разрешается производить следующие операции:

- $add(i)$ — добавить в множество S число i (если оно там уже есть, то множество не меняется);
- $next(i)$ — вывести минимальный элемент множества, не меньший i ; если искомым элементом в структуре отсутствует, необходимо вывести -1 .

Формат входного файла

Исходно множество S пусто. Первая строка входного файла содержит целое число n — количество операций ($1 \leq n \leq 300\,000$). Следующие n строк содержат операции. Каждая операция имеет вид либо «+ i », либо «? i ». Операция «? i » задаёт запрос $next(i)$.

Если операция «+ i » идёт во входном файле в начале или после другой операции «+», то она задаёт операцию $add(i)$. Если же она идёт после запроса «?» и результат этого запроса был y , то выполняется операция $add((i + y) \bmod 10^9)$.

Во всех запросах и операциях добавления параметры лежат в интервале от 0 до 10^9 .

Формат выходного файла

Для каждого запроса выведите одно число — ответ на запрос.

Пример

next.in	next.out
6	3
+ 1	4
+ 3	
+ 3	
? 2	
+ 1	
? 4	

Задача С. Range Sum Query

Имя входного файла: `rsq2.in`
 Имя выходного файла: `rsq2.out`
 Ограничение по времени: 2 секунды
 Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан массив целых чисел, изначально заполненный нулями. С ним необходимо производить два типа операций.

- $! i x$ — присвоить ячейке i значение x ;
- $? l r$ — узнать сумму значений на отрезке $[l, r]$.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит два числа n и m — размер массива и количество запросов соответственно ($1 \leq n \leq (10^9 + 7)$, $1 \leq m \leq 2 \cdot 10^5$). За ним следуют m запросов по одному на строке.

В процессе работы программы необходимо поддерживать два числа P и Q . Изначально $P = 91$, $Q = 47$.

Запрос вида «! $A B$ » обозначает, что в ячейку $(A + P) \bmod n$ необходимо записать число $(B + Q) \bmod (10^9 + 7)$.

Запрос вида «? $A B$ » обозначает, что необходимо посчитать сумму между элементами $(A + P) \bmod n$, $(B + Q) \bmod n$ включительно. Пусть ответ равен Z . Тогда необходимо изменить числа P и Q следующим образом:

$$P = (P \cdot 31 + Z) \bmod (10^9 + 7),$$
$$Q = (Q \cdot 29 + Z) \bmod (10^9 + 7).$$

Нумерация элементов массива начинается с нуля.

Все числа во входном файле не превосходят $10^9 + 7$.

Формат выходного файла

Для каждого запроса на сумму нужно вывести ответ на него на отдельной строке.

Примеры

rsq2.in	rsq2.out
10 8	52
! 1 4	1416
! 2 5	42558
? 3 6	103
! 4 1	
? 5 9	
! 1 4	
? 5 9	
? 5 9	