

Задача А. Деление

Имя входного файла: div.in
Имя выходного файла: div.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Даны два целых числа a и b , $b \neq 0$. Целочисленным частным от деления a на b называется величина $q = \lfloor a/b \rfloor$ (квадратные скобки обозначают целую часть, т.е. округление вниз). Остатком от деления называется величина $r = a - qb$. Легко показать, что если $b > 0$, то $0 \leq r < b$, если $b < 0$, то $b < r \leq 0$. Даны два целых числа a и b , найдите частное и остаток от деления при делении a на b .

Формат входного файла

Входной файл содержит два целых числа a и b ($|a|, |b| \leq 10^8$).

Формат выходного файла

В выходной файл выведите два числа q и r разделенные пробелом. Если числа q и r найти нельзя, то вывести в выходной файл одно слово «Impossible» (без кавычек).

Примеры

div.in	div.out
10 9	1 1
-10 -9	1 -1

Задача В. НОД

Имя входного файла: gcd.in
Имя выходного файла: gcd.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Формат входного файла

Входной файл содержит два натуральных числа a и b ($1 \leq a, b \leq 10^{18}$);

Формат выходного файла

В выходной файл выведите наибольший общий делитель этих двух чисел.

Примеры

gcd.in	gcd.out
3 5	1
3 9	3

Задача С. Обратный элемент по модулю

Имя входного файла: inv.in
Имя выходного файла: inv.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Обратным элементом к n в кольце вычетов по модулю m называется такой элемент x , что выполняется равенство $nx \equiv 1 \pmod{m}$.

Формат входного файла

Входной файл содержит два целых числа n и m ($1 \leq n, m \leq 10^9$).

Формат выходного файла

В выходной файл выведите обратный элемент к n в кольце вычетов по модулю m . Если этого элемента не существует, то выведите -1.

Примеры

inv.in	inv.out
1 2	1
1 5	1
2 4	-1

Задача D. Диофантово уравнение

Имя входного файла: dioph.in
Имя выходного файла: dioph.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Даны натуральные числа a , b и c . Решите в целых числах уравнение $ax + by = c$. Среди множества решений следует выбрать такое, где x имеет наименьшее неотрицательное значение.

Формат входного файла

Входной файл содержит три целых числа a и b и c ($1 \leq a, b, c \leq 10^4$).

Формат выходного файла

В выходной файл выведите искомые x и y через пробел. Если решения не существует, выведите одну строку «Impossible».

Примеры

dioph.in	dioph.out
1 2 3	1 1

Задача Е. Китайская теорема

Имя входного файла: `chine.in`
Имя выходного файла: `chine.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Решите в целых числах систему уравнений

$$\begin{cases} x \equiv a \pmod{n} \\ x \equiv b \pmod{m}, \end{cases}$$

где n и m взаимно просты. Среди решений следует выбрать наименьшее неотрицательное число.

Формат входного файла

Входной файл содержит четыре целых числа a , b , n и m ($1 \leq n, m \leq 10^6$, $0 \leq a < n$, $0 \leq b < m$).

Формат выходного файла

В выходной файл выведите искомое наименьшее неотрицательное число x .

Примеры

<code>chine.in</code>	<code>chine.out</code>
1 0 2 3	3
3 2 5 9	38