Задача A. Разреженные таблицы

Имя входного файла:	`sparse.in`
Имя выходного файла:	`sparse.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

Дан массив из n чисел. Требуется написать программу, которая будет отвечать на запросы следующего вида: найти минимум на отрезке между u и v включительно.

Формат входных данных

В первой строке входного файла даны три натуральных числа n, m ($1 \leqslant n \leqslant 10^5$, $1 \leqslant m \leqslant 10^7$) и a_1 ($0 \leqslant a_1 < 16\,714\,589$) — количество элементов в массиве, количество запросов и первый элемент массива соответственно. Вторая строка содержит два натуральных числа u_1 и v_1 ($1 \leqslant u_1, v_1 \leqslant n$) — первый запрос.

Элементы $a_2, a_3, \ldots, a_n$ задаются следующей формулой:

$$a_{i+1} = (23 \cdot a_i + 21563) \bmod 16714589.$$

Например, при $n = 10$, $a_1 = 12345$ получается следующий массив: $a = (12345, 305498, 7048017, 11694653, 1565158, 2591019, 9471233, 570265, 13137658, 1325095)$.

Запросы генерируются следующим образом:

$$u_{i+1} = \big((17 \cdot u_i + 751 + ans_i + 2i) \bmod n\big) + 1,$$
$$v_{i+1} = \big((13 \cdot v_i + 593 + ans_i + 5i) \bmod n\big) + 1,$$

где ans_i — ответ на запрос номер i.

Обратите внимание, что u_i может быть больше, чем v_i.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите u_m, v_m и ans_m (последний запрос и ответ на него).

Примеры

sparse.in	sparse.out
10 8 12345 3 9	5 3 1565158

Задача B. LCA - 2

Имя входного файла:	`lca2.in`
Имя выходного файла:	`lca2.out`
Ограничение по времени:	5 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Задано подвешенное дерево, содержащее n ($1 \leqslant n \leqslant 100\,000$) вершин, пронумерованных от 0 до $n-1$. Требуется ответить на m ($1 \leqslant m \leqslant 10\,000\,000$) запросов о наименьшем общем предке для пары вершин.

Запросы генерируются следующим образом. Заданы числа a_1, a_2 и числа x, y и z. Числа $a_3, \ldots, a_{2m}$ генерируются следующим образом: $a_i = (x \cdot a_{i-2} + y \cdot a_{i-1} + z) \bmod n$. Первый запрос имеет вид $\langle a_1, a_2 \rangle$. Если ответ на $i-1$-й запрос равен v, то i-й запрос имеет вид $\langle (a_{2i-1} + v) \bmod n, a_{2i} \rangle$.

Формат входных данных

Первая строка содержит два числа: n и m. Корень дерева имеет номер 0. Вторая строка содержит $n-1$ целых чисел, i-е из этих чисел равно номеру родителя вершины i. Третья строка содержит два целых числа в диапазоне от 0 до $n-1$: a_1 и a_2. Четвертая строка содержит три целых числа: x, y и z, эти числа неотрицательны и не превосходят 10^9.

Формат выходных данных

Выведите в выходной файл сумму номеров вершин — ответов на все запросы.

Примеры

lca2.in	lca2.out
3 2 0 1 2 1 1 1 0	2
1 2 0 0 1 1 1	0

Задача C. Генеалогия

Имя входного файла:	`genealogy.in`
Имя выходного файла:	`genealogy.out`
Ограничение по времени:	8 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Во время обсуждений в Парламенте лорды, с похожими взглядами на решение проблемы, обычно объединяются в группы. Как правило, результат обсуждения зависит от решения наиболее влиятельной группы лордов. Именно поэтому подсчёт влиятельности группы является наиболее важной задачей.

Естественно, каждый лорд дорожит древностью своего рода, поэтому влиятельность лорда равна древности его рода. Древность рода лорда — количество предков лорда: его отец, его дед, его прадед, и т.д. Чтобы посчитать влиятельность группы лордов, требуется посчитать количество лордов в группе вместе с их предками. Отметим, что если лорд является предком двух или более лордов в группе, то этот лорд должен быть посчитан только один раз.

Вам дано фамильное дерево лордов (удивительно, но все лорды произошли от одного пра-лорда) и список групп. Для каждой группу найдите её влиятельность.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит число n — количество лордов ($1 \leqslant n \leqslant 100\,000$). Лорды нумеруются целыми числами от 1 до n. Следующая строка содержит n целых чисел p_1, p_2, …, p_n, где p_i — отец лорда с номером i. Если лорд является основателем рода,

то p_i равно -1. Гарантируется, что исходные данные формируют дерево. Третья строка входного файла содержит одно число g — количество групп ($1 \leqslant g \leqslant 3\,000\,000$). Следующие g строк содержат описания групп. j-ая строка содержит число k_j — размер j-ой группы, после которого следуют k_j различных чисел — номера лордов, состоящих в j-ой группе. Гарантируется, что сумма всех k_j во входном файле не превосходит 3 000 000.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите g строк. В j-ой строке выведите единственное число: влиятельность j-ой группы. Гарантируется, что размер выходного файла не превосходит шести мегабайт.

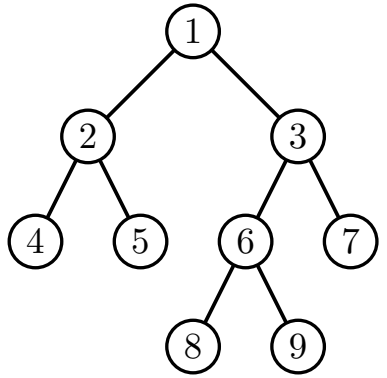
Примеры

genealogy.in	genealogy.out
4 -1 1 2 3 4 1 4 2 3 4 3 2 3 4 4 1 2 3 4	4 4 4 4
5 2 -1 1 2 3 10 3 3 4 1 3 2 4 3 4 1 3 5 4 1 4 2 2 3 3 1 4 3 1 2 3 3 4 5 1 1 3 1 2 4	4 4 5 2 3 4 1 5 2 3

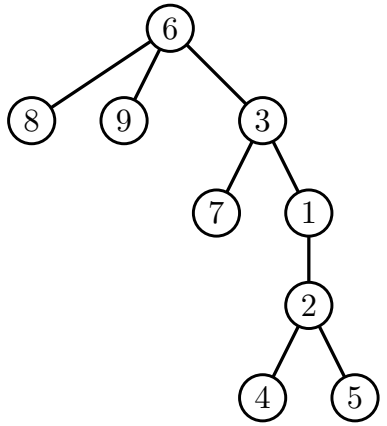
Задача D. Dynamic LCA

Имя входного файла:	dynamic.in
Имя выходного файла:	dynamic.out
Ограничение по времени:	5 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Постановка задачи о *наименьшем общем предке* такова: дано дерево T с выделенным корнем и две вершины u и v, $\mathrm{lca}(u, v)$ — вершина с максимальной глубиной, которая является предком и u, и v. Например, на картинке внизу $\mathrm{lca}(8, 7)$ — вершина 3.



С помощью операции $\mathrm{chroot}(u)$ мы можем менять корень дерева, достаточно отметить u, как новый корень, и направить ребра вдоль пути от корня. Наименьшие общие предки вершин поменяются соответствующе. Например, если мы сделаем chroot(6) на картинке сверху, $\mathrm{lca}(8, 7)$ станет вершина 6. Получившееся дерево изображено внизу.



Вам дано дерево T. Изначально корень этого дерева — вершина 1. Напишите программу, которая поддерживает эти две операции: $\mathrm{lca}(u, v)$ и $\mathrm{chroot}(u)$.

Формат входных данных

Входной файл состоит из нескольких тестов.

Первая строка каждого теста содержит натуральное число n — количество вершин в дереве ($1 \leqslant n \leqslant 100\,000$). Следующие $n - 1$ строк содержат по 2 натуральных числа и описывают ребра дерева. Далее идет строка с единственным натуральным числом m —

число операций. Следующие m строк содержат операции. Строка `? u v` означает операцию $\mathrm{lca}(u, v)$, а строка `! u` — $\mathrm{chroot}(u)$. Последняя строка содержит число 0.

Сумма n для всех тестов не превосходит 100 000. Сумма m для всех тестов не превосходит 200 000.

Формат выходных данных

Для каждой операции `? u v` выведите значение $\mathrm{lca}(u, v)$. Числа разделяйте переводами строк.

Примеры

dynamic.in	dynamic.out
9 1 2 1 3 2 4 2 5 3 6 3 7 6 8 6 9 10 ? 4 5 ? 5 6 ? 8 7 ! 6 ? 8 7 ? 4 5 ? 4 7 ? 5 9 ! 2 ? 4 3 0	2 1 3 6 2 3 6 2