Задача A. Расстояние в дереве

Имя входного файла:	`lenpath.in`
Имя выходного файла:	`lenpath.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Вам дано неориентированное дерево (связный граф без циклов) на N вершинах. Требуется отвечать на запросы вида «найти длину кратчайшего пути между данной парой вершин».

Формат входных данных

В первой строке находится одно целое число N ($1 \leqslant N \leqslant 10^5$) — количество вершин в дереве.

В каждой из следующих $N - 1$ строк задано по два числа, разделенных пробелом, u_i, v_i — вершины, соединенные i-ым ребром дерева ($1 \leqslant u_i, v_i \leqslant N$).

В следующей строке задано число M — количество запросов ($0 \leqslant M \leqslant 10^5$).

В каждой из следующих M строк задано по два числа — номера вершин, соответствующих очередному запросу.

Формат выходных данных

Выведите M строк, в каждой из которых содержится одно целое число — ответ на очередной запрос. Ответы необходимо вывести в порядке, соответствующем порядку запросов на входе программы.

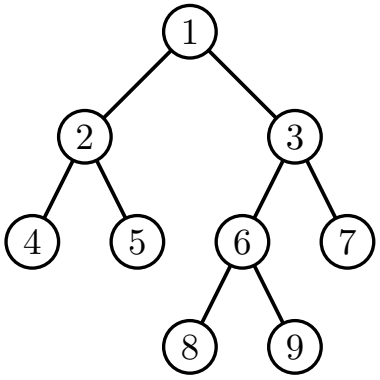
Примеры

lenpath.in	lenpath.out
3 2 1 3 2 2 2 2 2 1	0 1

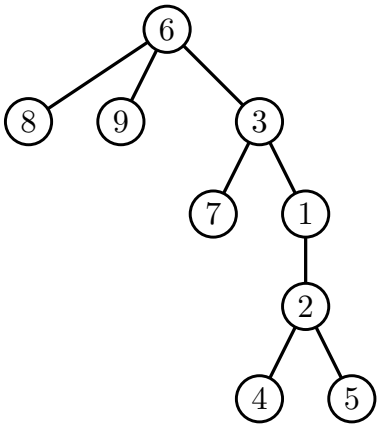
Задача B. Dynamic LCA

Имя входного файла:	`dynamic.in`
Имя выходного файла:	`dynamic.out`
Ограничение по времени:	5 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Постановка задачи о *наименьшем общем предке* такова: дано дерево T с выделенным корнем и две вершины u и v, $\mathrm{lca}(u, v)$ — вершина с максимальной глубиной, которая является предком и u, и v. Например, на картинке внизу $\mathrm{lca}(8, 7)$ — вершина 3.



С помощью операции $\mathrm{chroot}(u)$ мы можем менять корень дерева, достаточно отметить u, как новый корень, и направить ребра вдоль пути от корня. Наименьшие общие предки вершин поменяются соответствующе. Например, если мы сделаем $\mathrm{chroot}(6)$ на картинке сверху, $\mathrm{lca}(8, 7)$ станет вершина 6. Получившееся дерево изображено внизу.



Вам дано дерево T. Изначально корень этого дерева — вершина 1. Напишите программу, которая поддерживает эти две операции: $\mathrm{lca}(u, v)$ и $\mathrm{chroot}(u)$.

Формат входных данных

Входной файл состоит из нескольких тестов.

Первая строка каждого теста содержит натуральное число n — количество вершин в дереве ($1 \leqslant n \leqslant 100\,000$). Следующие $n - 1$ строк содержат по 2 натуральных числа и описывают ребра дерева. Далее идет строка с единственным натуральным числом m — число операций. Следующие m строк содержат операции. Строка `? u v` означает операцию $\mathrm{lca}(u, v)$, а строка `! u` — $\mathrm{chroot}(u)$. Последняя строка содержит число 0.

Сумма n для всех тестов не превосходит 100 000. Сумма m для всех тестов не превосходит 200 000.

Формат выходных данных

Для каждой операции `? u v` выведите значение $\mathrm{lca}(u, v)$. Числа разделяйте переводами строк.

Примеры

dynamic.in	dynamic.out
9 1 2 1 3 2 4 2 5 3 6 3 7 6 8 6 9 10 ? 4 5 ? 5 6 ? 8 7 ! 6 ? 8 7 ? 4 5 ? 4 7 ? 5 9 ! 2 ? 4 3 0	2 1 3 6 2 3 6 2

Задача C. Почтовая реформа

Имя входного файла:	`mail.in`
Имя выходного файла:	`mail.out`
Ограничение по времени:	3 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

В Флатландии идет пора реформ. Недавно была проведена реформа дорог, так что теперь по дорогам страны из любого города можно добраться в любой другой, причем только одним способом. Также была проведена реформа волшебников, так что в каждом городе остался ровно один волшебник. Теперь же началась реформа почтовой системы.

Недавно образованное почтовое агентство «Экс-Федя» предлагает уникальную услугу — коллективную посылку. Эта услуга позволяет отправлять посылки жителям всех городов на каком-либо пути по цене обычной посылки. Удивительно, но пользоваться такой услугой стали только волшебники Флатландии, которые стали в большом количестве отправлять друг другу магические кактусы. Агентство столкнулось с непредвиденной проблемой: как известно, все волшебники живут в башнях и мало того, что не строят в них лестницы, так еще время от времени меняют их высоту. Поэтому, чтобы доставить посылку волшебнику, который живет в башне высотой h, курьеру агентства требуется иметь с собой не менее h метров веревки.

Вам поручено руководить отделом логистики — по имеющимся данным о высотах башен и об их изменениях вам нужно определять минимальную длину веревки, которую нужно выдать курьеру, который доставляет посылки между городами i и j.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит число n — количество городов в Флатландии ($1 \leqslant n \leqslant 50\,000$). Во второй строке находится n положительных чисел, не превосходящих 10^5 — высоты башен в городах. В следующих $n-1$ строках содержится по два числа u_i и v_i — описание i-й дороги, $1 \leqslant u_i, v_i \leqslant n, u_i \neq v_i$. В следующий строке содержится число k — количество запросов ($1 \leqslant k \leqslant 100\,000$). В следующих k строках содержатся описания запросов в следующем формате:

- Уведомление от волшебника из города i о том, что высота его башни стала равна h, имеет вид ! i h, $1 \leqslant i \leqslant n$, $1 \leqslant h \leqslant 10^5$.
- Запрос от курьера о выдаче веревки для доставки посылок во все города на пути от i до j включительно имеет вид ? i j, $1 \leqslant i, j \leqslant n$.

Формат выходных данных

Для каждого запроса доставки посылок выведите минимальную длину веревки, которую необходимо выдать курьеру.

Примеры

mail.in	mail.out
3 1 2 3 1 3 2 3 5 ? 1 2 ! 1 5 ? 2 3 ! 3 2 ? 1 2	3 3 5
1 100 5 ! 1 1 ? 1 1 ! 1 1000 ? 1 1 ! 1 1	1 1000

Задача D. Соединение и разъединение

Имя входного файла:	`connect.in`
Имя выходного файла:	`connect.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Вы когда-нибудь слышали про обход в глубину? Например, используя этот алгоритм, вы можете проверить является ли граф связным за время $O(E)$. Вы можете даже посчитать количество компонент связности за то же время.

А вы когда нибудь слышали про систему непересекающихся множеств? Используя эту структуру, вы можете быстро обрабатывать запросы "Добавить ребро в граф" и "Посчитать количество компонент связности в графе".

А вы когда-нибудь слышали о *динамической* задаче связности? В этой задаче вам необходимо обрабатывать три типа запросов:

1. Добавить ребро в граф.
2. Удалить ребро из графа.
3. Посчитать количество компонент связности в графе.

Можно считать, что граф является неориентированным. Изначально граф является пустым.

Формат входных данных

В первой строке находятся два целых числа N и K — количество вершин и количество запросов, сответственно ($1 \leqslant N \leqslant 300\,000$, $0 \leqslant K \leqslant 300\,000$). Следующие K строк содержат запросы, по одному в строке. Каждый запрос имеет один из трех типов:

1. `+` u v: Добавить ребро между вершинами u и v. Гарантируется, что такого ребра нет.
2. `-` u v: Удалить ребро между u и v. Гарантируется, что такое ребро есть.
3. `?`: Посчитать количество компонент связности в графе.

Вершины пронумерованы целыми числами от 1 до N. Во всех запросах $u \neq v$.

Формат выходных данных

Для каждого запроса типа '`?`', Выведите количество компонент связности в момент запроса.

Примеры

connect.in	connect.out
5 11 ? + 1 2 + 2 3 + 3 4 + 4 5 + 5 1 ? - 2 3 ? - 4 5 ?	5 1 1 2