

Задача А. Выпуклая оболочка

Имя входного файла: **convex.in**
Имя выходного файла: **convex.out**
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Вам дано множество точек на плоскости. Найдите их выпуклую оболочку.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит целое число n — количество точек ($3 \leq n \leq 200\,000$). В следующих n строках описываются точки. i -ая строка состоит из двух целых чисел — координат i -ой точки. Координаты не превосходят 10^9 по модулю. Гарантируется, что все точки не лежат на одной прямой. Точки могут совпадать.

Формат выходных данных

В первую строчку выходного файла выведите количество вершин в выпуклой оболочке. Во вторую — номера вершин через пробел, которые ее образуют. Выводите вершины в порядке обхода против часовой стрелки. Никакие два ребра выпуклой оболочки не должны лежать на одной прямой.

В третью строчку выведите периметр оболочки, в четвертую — ее площадь.

Периметр должен быть выведен с абсолютной или относительной погрешностью не больше 10^{-9} . Площадь должна быть выведена абсолютно точно.

Примеры

| convex.in | convex.out |
|--------------------------------------|---|
| 5 0 0 1 1 2 2 1 0 0 1 | 4 3 5 1 4 6.47213595499958000000 2.0 |

Задача В. Не курить!

Имя входного файла: **smoking.in**
Имя выходного файла: **smoking.out**
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайта

Вася — хороший парень. Но у него есть плохая привычка — он курит. Все то время, сколько Петя дружит с Васей, он пытается отучить его от этого. Но ему это так и не удалось, потому что Вася не хочет бросать курить.

Недавно Петя придумал способ, как отучить своего друга от курения. Вася — неряха, поэтому его сигареты не лежат в пачке, а разбросаны по огромному столу. Петя хочет брать несколько сигарет в день незаметно для Васи. Вася не заметит пропажи сигарет, если в день будет пропадать не более одной сигареты. Кроме того, Петя должен брать только ту сигарету, которая пересекается с какой-нибудь другой сигаретой на столе. Помогите Пете узнать, сможет ли он начать реализацию своего плана.

Формат входных данных

Сигарета представляется как отрезок прямой. В первой строке входного файла записано число N ($1 \leq N \leq 125\,000$) — количество сигарет на Васином столе. Следующие N строк содержат описания сигарет: ($i + 1$)-я строка содержит координаты концов i -й сигареты — целые числа x_1, y_1, x_2, y_2 ($-10\,000 \leq x_1, y_1, x_2, y_2 \leq 10\,000$).

Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите слово “YES”, если Петя удастся начать реализацию своего плана. Вторая строка должна содержать числа i и j : i — номер сигареты, которую должен взять Петя, j — номер сигареты, с которой она пересекается.

Если Петя не сможет взять ни одной сигареты, выведите в единственной строке выходного файла “NO”.

Примеры

| smoking.in | smoking.out |
|--|-------------|
| 2 0 0 2 2 0 2 2 0 | YES 2 1 |
| 1 5 5 10 97 | NO |
| 4 0 0 3 1 2 0 3 -2 4 -1 7 2 -1 2 6 2 | NO |

Задача С. 16

Имя входного файла: hard-geometry.in
Имя выходного файла: hard-geometry.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Даны 4 точки A, B, C, D.

Посчитайте:

- Расстояние от точки A до точки C.
- Расстояние от точки A до отрезка CD.
- Расстояние от точки A до луча CD.
- Расстояние от точки A до прямой CD.
- Расстояние от отрезка AB до точки C.
- Расстояние от отрезка AB до отрезка CD.
- Расстояние от отрезка AB до луча CD.
- Расстояние от отрезка AB до прямой CD.
- Расстояние от луча AB до точки C.
- Расстояние от луча AB до отрезка CD.
- Расстояние от луча AB до луча CD.
- Расстояние от луча AB до прямой CD
- Расстояние от прямой AB до точки C.
- Расстояние от прямой AB до отрезка CD.
- Расстояние от прямой AB до луча CD.
- Расстояние от прямой AB до прямой CD.

Формат входных данных

Даны координаты четырех точек, по одной точке в строке: $X_a, Y_a, X_b, Y_b, X_c, Y_c, X_d, Y_d$. Все числа целые, по модулю не превосходят 10000.

Формат выходных данных

Выведите 16 чисел по одному в строке. Числа в ответе должны быть выданы с точностью не менее 6 знаков после десятичной точки.

Примеры

| hard-geometry.in | hard-geometry.out |
|------------------|-------------------|
| 1 2 | 5.6568542495 |
| 7 1 | 5.6000000000 |
| 5 6 | 5.6000000000 |
| 8 2 | 5.6000000000 |
| | 4.6031716446 |
| | 1.4142135624 |
| | 1.4000000000 |
| | 1.4000000000 |
| | 4.6031716446 |
| | 1.1507929111 |
| | 0.0000000000 |
| | 0.0000000000 |
| | 4.6031716446 |
| | 1.1507929111 |
| | 0.0000000000 |
| | 0.0000000000 |

Задача D. Платные дороги

Имя входного файла: `highways.in`
Имя выходного файла: `highways.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Мэр одного большого города решил ввести плату за проезд по шоссе, проходящим в районе города, чтобы снизить объем транзитного транспорта. В районе города проходит n шоссе.

Но руководство области, в которой расположен город, воспротивилось планам мэра. Действительно — дальnobойщики представляют собой неплохой источник доходов для большого количества кафе и гостиниц в небольших городках.

В результате решили, что плата будет введена только на шоссе, которые *проходят через город*.

В городе используется развитая система метрополитена, всего в городе есть m станций метро. Решено было, что шоссе проходит через город, если либо одна из станций метро расположена непосредственно на шоссе, либо есть хотя бы одна станция с каждой стороны от шоссе.

Помогите теперь мэру определить, какие шоссе проходят через город.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два целых числа: n и m — количество шоссе и количество станций метро, соответственно ($1 \leq n, m \leq 100\,000$).

Следующие n строк описывают шоссе. Каждое шоссе описывается тремя целыми числами a , b и c и представляет собой прямую на плоскости, задаваемую уравнением $ax + by + c = 0$ ($|a|, |b|, |c| \leq 10^6$).

Следующие m строк входного файла описывают станции метро. Каждая станция описывается двумя целыми числами x и y и представляет собой точку на плоскости с координатами (x, y) ($|x|, |y| \leq 10^6$).

Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно целое число — количество шоссе, которые проходят через город. Вторая строка должна содержать номера этих шоссе в возрастающем порядке. Шоссе нумеруются от 1 до n в порядке, в котором они описаны во входном файле.

Примеры

| <code>highways.in</code> | <code>highways.out</code> |
|--------------------------|---------------------------|
| 4 2 | 3 |
| 0 1 0 | 1 3 4 |
| 1 0 1 | |
| 1 1 0 | |
| 1 1 -1 | |
| 0 0 | |
| 2 0 | |

Задача Е. Луномышь

Имя входного файла: moonmice.in
Имя выходного файла: moonmice.out
Ограничение по времени: 4 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

На Луне живет одинокая луномышь, и лунокошки знают об ее существовании. Они запустили спутник, чтобы отслеживать передвижения луномышь. Луномышь признала об этом и теперь думает, как бы не раскрыть свое местоположение. Она знает, что спутник не может видеть ее, если она движется по лунному кратеру. Луномышь бегает с постоянной скоростью в один метр в секунду. Она хочет добраться из точки A в точку B таким путем, чтобы время, которое она находилась под наблюдением спутника, было минимальным.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записано целое число N — количество кратеров на Луне ($0 \leq N \leq 100$). Каждый кратер представляет собой невырожденный выпуклый многоугольник и задается своими вершинами в порядке обхода по или против часовой стрелки. Описание i -го кратера начинается с количества вершин в нем M_i , записанного на отдельной строке ($3 \leq M_i \leq 1000$). Следующие M_i строк содержат по два целых числа $X_{i,j}$ и $Y_{i,j}$ — координаты j -й вершины i -го кратера. В последней строке входного файла записано четыре целых числа — координаты точек A и B .

Все координаты по модулю не превосходят 10^4 .

Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выдайте минимальное время, которое луномышь может находиться под наблюдением спутника на своем пути от A до B . Ответ выдавайте не менее чем с 6 знаками после точки.

Примеры

| moonmice.in | moonmice.out |
|--|--------------|
| 1 3 0 0 100 0 -50 -50 0 1 100 1 | 2.0000000000 |

Задача F. Место встречи изменить нельзя

Имя входного файла: `rendezvous.in`
Имя выходного файла: `rendezvous.out`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Даны N точек. Найдите 2 из них, такие, что расстояние между ними минимально.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит целое число N ($2 \leq N \leq 100\,000$) — количество точек. Каждая из следующих N строк содержит пару целых чисел X и Y , разделённых пробелом, — координаты ($-1\,000\,000\,000 \leq X, Y \leq 1\,000\,000\,000$). Все точки различны.

Формат выходных данных

Единственная строка выходного файла должна содержать координаты двух выбранных точек.

Пример

| <code>rendezvous.in</code> | <code>rendezvous.out</code> |
|----------------------------|-----------------------------|
| 4 | 0 0 |
| 0 0 | 0 1 |
| 0 1 | |
| 1 1 | |
| 1 0 | |

Задача G. Теодор Рузвельт

Имя входного файла: **theodore.in**
Имя выходного файла: **theodore.out**
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

«Теодор Рузвельт» — флагман военно-морского флота Кукуляндии. Заклятые враги кукуляндцев, флатландцы, решили уничтожить его. Они узнали, что «Теодор Рузвельт» представляет собой выпуклый многоугольник из n вершин и узнали его координаты. Затем они выпустили m баллистических ракет и определили координаты точек, где эти ракеты взорвались. По расчётом штаба флатландцев, «Теодор Рузвельт» будет уничтожен, если в него попадёт хотя бы k ракет. Вычислите, удалось ли флатландцам уничтожить корабль.

Формат входных данных

В первой строке через пробел записаны целые числа n , m , k ($3 \leq n \leq 10^5$, $0 \leq k \leq m \leq 10^5$). В последующих n строках записаны координаты вершин многоугольника в порядке обхода против часовой стрелки. В следующих m строках записаны координаты точек. Гарантируется, что все координаты — целые числа, не превосходящие по модулю 10^9 .

Формат выходных данных

Выедите «YES», если в многоугольнике лежит по крайней мере k точек, и «NO» в противном случае.

Примеры

| theodore.in | theodore.out |
|---|--------------|
| 5 4 2 1 -1 1 2 0 4 -1 2 -1 -1 -2 -1 1 -1 0 1 2 3 | YES |