

## Задача А. Максимальный поток минимальной стоимости

Имя входного файла: `mincost.in`  
Имя выходного файла: `mincost.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Задан ориентированный граф, каждое ребро которого обладает пропускной способностью и стоимостью. Найдите максимальный поток минимальной стоимости из вершины с номером 1 в вершину с номером  $n$ .

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит  $n$  и  $m$  — количество вершин и количество ребер графа ( $2 \leq n \leq 100$ ,  $0 \leq m \leq 1000$ ). Следующие  $m$  строк содержат по четыре целых числа: номера вершин, которые соединяет соответствующее ребро графа, его пропускную способность и его стоимость. Пропускные способности и стоимости не превосходят  $10^5$ .

### Формат выходных данных

В выходной файл выведите одно число — цену максимального потока минимальной стоимости из вершины с номером 1 в вершину с номером  $n$ . Ответ не превышает  $2^{63} - 1$ . Гарантируется, что в графе нет циклов отрицательной стоимости.

### Примеры

<code>mincost.in</code>	<code>mincost.out</code>
4 5 1 2 1 2 1 3 2 2 3 2 1 1 2 4 2 1 3 4 2 3	12

### Замечание

В этой задаче достаточно несколько раз пустить Форд-Беллмана...

## Задача В. Задача о назначениях

Имя входного файла: `assignment.in`  
Имя выходного файла: `assignment.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дана целочисленная матрица  $C$  размера  $n \times n$ . Требуется выбрать  $n$  ячеек так, чтобы в каждой строке и каждом столбце была выбрана ровно одна ячейка, а сумма значений в выбранных ячейках была минимальна.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит  $n$  ( $2 \leq n \leq 300$ ). Каждая из последующих  $n$  строк содержит по  $n$  чисел:  $C_{ij}$ . Все значения во входном файле неотрицательны и не превосходят  $10^6$ .

### Формат выходных данных

В первую строку выходного файла выведите одно число — искомая минимизируемая величина. Далее выведите  $n$  строк по два числа в каждой — номер строки и столбца клетки, участвующей в оптимальном назначении.

Пары чисел можно выводить в произвольном порядке.

### Примеры

<code>assignment.in</code>	<code>assignment.out</code>
3	3
3 2 1	2 1
1 3 2	3 2
2 1 3	1 3

## Задача С. Задача о назначениях

Имя входного файла: `assignment.in`

Имя выходного файла: `assignment.out`

Ограничение по времени: 0,4 секунда

Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дана целочисленная матрица  $C$  размера  $n \times n$ . Требуется выбрать  $n$  ячеек так, чтобы в каждой строке и каждом столбце была выбрана ровно одна ячейка, а сумма значений в выбранных ячейках была минимальна.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит  $n$  ( $2 \leq n \leq 300$ ). Каждая из последующих  $n$  строк содержит по  $n$  чисел:  $C_{ij}$ . Все значения во входном файле неотрицательны и не превосходят  $10^6$ .

### Формат выходных данных

В первую строку выходного файла выведите одно число — искомая минимизируемая величина. Далее выведите  $n$  строк по два числа в каждой — номер строки и столбца клетки, участвующей в оптимальном назначении.

Пары чисел можно выводить в произвольном порядке.

### Примеры

<code>assignment.in</code>	<code>assignment.out</code>
3	3
3 2 1	2 1
1 3 2	3 2
2 1 3	1 3

## Задача D. Расшифровка

Имя входного файла: стандартный ввод  
Имя выходного файла: стандартный вывод  
Ограничение по времени: 1 секунда  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Недавно на уроке во время контрольной Мария Ивановна перехватила записку от Саши к Оле. Мария Ивановна очень хочет знать, что в записке, но, к сожалению, записка зашифрована. Мария Ивановна знает, что её ученики для шифровки заменяют каждую букву исходного сообщения на какую-то другую. Замена происходит таким образом, что одинаковые буквы всегда заменяются одной и той же буквой, а разные — разными.

Мария Ивановна подозревает, что записка — это ответы к контрольному тесту (ведь её длина случайно оказалась равной длине строки с правильными ответами). Однако она знает, что ответы Саши не обязательно полностью правильны. На каждый вопрос возможен один из  $K$  вариантов ответа. Естественно, Мария Ивановна знает правильные ответы.

Мария Ивановна решила расшифровать записку таким способом, чтобы максимизировать количество правильных ответов Саши. Однако, она очень занята, поэтому попросила Вас помочь ей в этом пустяковом деле.

### Формат входных данных

В первой строке задана длина каждой из строк  $N$  ( $1 \leq N \leq 2\,000\,000$ ) и  $K$  — количество возможных ответов на каждый вопрос ( $1 \leq K \leq 52$ ). Ответы нумеруются в порядке abcde...xyzABCDE...XYZ. То есть, при  $K = 6$  возможные ответы выглядят как abcdef, а при  $K = 30$  — abcde...xyzABCD.

Во второй строке задана зашифрованная записка — строка, состоящая из строчных и заглавных латинских букв.

В третьей строке заданы правильные ответы — строка той же длины, что и первая, состоящая из строчных и заглавных латинских букв.

### Формат выходных данных

В первой строке выведите единственное число — максимально возможное количество правильных ответов у Саши.

Во второй строке выведите расшифровку — строчку длины  $K$ , где по порядку для каждой буквы из шифра учеников указано, какому ответу она соответствует.

Если несколько расшифровок дают правильный ответ, выведите любую.

### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
10 2 aaabbbbaaab bbbbabbbbb	7 ba
10 2 aaaaaaabbb bbbbaaabbb	6 ab
9 4 dacbdacbd acbdacbda	9 cdba

## Задача E. План эвакуации

Имя входного файла:	evacuate.in
Имя выходного файла:	evacuate.out
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

В городе есть муниципальные здания и бомбоубежища, которые были специально построены для эвакуации служащих в случае ядерной войны. Каждое бомбоубежище имеет ограниченную вместительность по количеству людей, которые могут в нем находиться. В идеале все работники из одного муниципального здания должны были бы бежать к ближайшему бомбоубежищу. Однако, в таком случае, некоторые бомбоубежища могли бы переполниться, в то время как остальные остались бы наполовину пустыми.

Чтобы разрешить эту проблему Городской Совет разработал специальный план эвакуации. Вместо того, чтобы каждому служащему индивидуально приписать, в какое бомбоубежище он должен бежать, для каждого муниципального здания определили, сколько служащих из него в какое бомбоубежище должны бежать. Задача индивидуального распределения была переложена на внутреннее управление муниципальных зданий.

План эвакуации учитывает количество служащих в каждом здании — каждый служащий должен быть учтен в плане и в каждое бомбоубежище может быть направлено количество служащих, не превосходящее вместимости бомбоубежища.

Городской Совет заявляет, что их план эвакуации оптимален в том смысле, что суммарное время эвакуации всех служащих города минимально.

Мэр города, находящийся в постоянной конфронтации с Городским Советом, не слишком то верит этому заявлению. Поэтому он нанял Вас в качестве независимого эксперта для проверки плана эвакуации. Ваша задача состоит в том, чтобы либо убедиться в оптимальности плана Городского Совета, либо доказать обратное, представив в качестве доказательства другой план эвакуации с меньшим суммарным временем для эвакуации всех служащих.

Карта города может быть представлена в виде квадратной сетки. Расположение муниципальных зданий и бомбоубежищ задается парой целых чисел, а время эвакуации из муниципального здания с координатами  $(X_i, Y_i)$  в бомбоубежище с координатами  $(P_j, Q_j)$  составляет  $D_{ij} = |X_i - P_j| + |Y_i - Q_j| + 1$  минут.

### Формат входных данных

Входной файл содержит описание карты города и плана эвакуации, предложенного Городским Советом. Первая строка входного файла содержит два целых числа  $N$  ( $1 \leq N \leq 100$ ) и  $M$  ( $1 \leq M \leq 100$ ), разделенных пробелом.  $N$  — число муниципальных зданий в городе (все они занумерованы числами от 1 до  $N$ ),  $M$  — число бомбоубежищ (все они занумерованы числами от 1 до  $M$ ).

Последующие  $N$  строк содержат описания муниципальных зданий. Каждая строка содержит целые числа  $X_i, Y_i$  и  $B_i$ , разделенные пробелами, где  $X_i, Y_i$  ( $-1000 \leq X_i, Y_i \leq 1000$ ) — координаты здания, а  $B_i$  ( $1 \leq B_i \leq 1000$ ) — число служащих в здании.

Описание бомбоубежищ содержится в последующих  $M$  строках. Каждая строка содержит целые числа  $P_j, Q_j$  и  $C_j$ , разделенные пробелами, где  $P_j, Q_j$  ( $-1000 \leq P_j, Q_j \leq 1000$ ) — координаты бомбоубежища, а  $C_j$  ( $1 \leq C_j \leq 1000$ ) — вместимость бомбоубежища.

В последующих  $N$  строках содержится описание плана эвакуации. Каждая строка представляет собой описание плана эвакуации для отдельного здания. План эвакуации из  $i$ -го здания состоит из  $M$  целых чисел  $E_{ij}$ , разделенных пробелами.  $E_{ij}$  ( $0 \leq E_{ij} \leq 10\,000$ ) — количество служащих, которые должны эвакуироваться из  $i$ -го здания в  $j$ -е бомбоубежище.

Гарантируется, что план, заданный во входном файле, корректен.

### Формат выходных данных

Если план эвакуации Городского Совета оптимален, то выведите одно слово OPTIMAL. В противном случае выведите на первой строке слово SUBOPTIMAL, а в последующих  $N$  строках выведите

Ваш план эвакуации (более оптимальный) в том же формате, что и во входном файле. Ваш план не обязан быть оптимальным, но должен быть лучше плана Городского Совета.

## Примеры

evacuate.in	evacuate.out
3 4 -3 3 5 -2 -2 6 2 2 5 -1 1 3 1 1 4 -2 -2 7 0 -1 3 3 1 1 0 0 0 6 0 0 3 0 2	SUBOPTIMAL 3 0 1 1 0 0 6 0 0 4 0 1
3 4 -3 3 5 -2 -2 6 2 2 5 -1 1 3 1 1 4 -2 -2 7 0 -1 3 3 0 1 1 0 0 6 0 0 4 0 1	OPTIMAL