

## Задача А. Z-функция

Имя входного файла: **z-function.in**  
Имя выходного файла: **z-function.out**  
Ограничение по времени: 3 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дана непустая строка  $S$ , длина которой  $N$  не превышает  $10^6$ . Будем считать, что элементы строки нумеруются от 1 до  $N$ .

Требуется для всех  $i$  от 1 до  $N$  вычислить её z-функцию  $z[i]$ .

### Формат входных данных

Одна строка длины  $N$ ,  $0 < N \leq 10^6$ , состоящая из маленьких латинских букв.

### Формат выходных данных

Выведите  $N$  чисел — значения z-функции для каждой позиции, разделённые пробелом.

### Примеры

<b>z-function.in</b>	<b>z-function.out</b>
abra cadabra	11 0 0 1 0 1 0 4 0 0 1

## Задача В. Префикс-функция

Имя входного файла: `prefix-function.in`

Имя выходного файла: `prefix-function.out`

Ограничение по времени: 3 секунды

Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дана непустая строка  $S$ , длина которой  $N$  не превышает  $10^6$ . Будем считать, что элементы строки нумеруются от 1 до  $N$ .

Требуется для всех  $i$  от 1 до  $N$  вычислить её префикс-функцию  $\pi[i]$ .

### Формат входных данных

Одна строка длины  $N$ ,  $0 < N \leq 10^6$ , состоящая из маленьких латинских букв.

### Формат выходных данных

Выведите  $N$  чисел — значения префикс-функции для каждой позиции, разделённые пробелом.

### Примеры

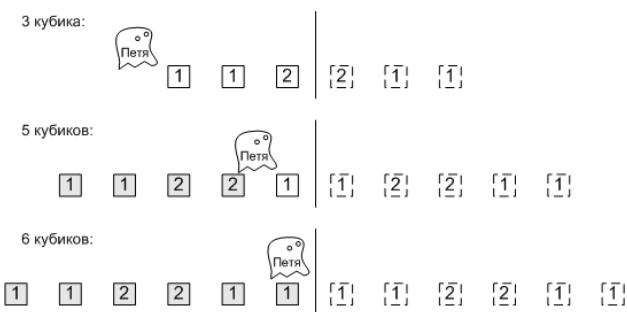
<code>prefix-function.in</code>	<code>prefix-function.out</code>
<code>abracadabra</code>	0 0 0 1 0 1 0 1 2 3 4

## Задача С. Кубики

Имя входного файла: `cubes.in`  
 Имя выходного файла: `cubes.out`  
 Ограничение по времени: 2 секунды  
 Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Привидение Петя любит играть со своими кубиками. Он любит выкладывать их в ряд и разглядывать своё творение. Однако недавно друзья решили подшутить над Петей и поставили в его игровой комнате зеркало. Ведь всем известно, что привидения не отражаются в зеркале! А кубики отражаются.

Теперь Петя видит перед собой  $N$  цветных кубиков, но не знает, какие из этих кубиков настоящие, а какие — всего лишь отражение в зеркале.



Помогите Пете! Выясните, сколько у него может быть кубиков. Петя видит отражение всех кубиков в зеркале и часть кубиков, которая находится перед ним. Часть кубиков может быть позади Пети, их он не видит.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два целых числа:  $N$  ( $1 \leq N \leq 100\,000$ ) и количество различных цветов, в которые могут быть раскрашены кубики, —  $M$  ( $1 \leq M \leq 100\,000$ ). Следующая строка содержит  $N$  целых чисел от 1 до  $M$  — цвета кубиков.

### Формат выходных данных

В выходной файл выведите в порядке возрастания все такие  $K$ , что у Пети может быть  $K$  кубиков.

### Примеры

<code>cubes.in</code>	<code>cubes.out</code>
6 2 1 1 2 2 1 1	3 5 6

## Задача D. Неточное совпадение

Имя входного файла: `inexact-matching.in`

Имя выходного файла: `inexact-matching.out`

Ограничение по времени: 2 секунды

Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Даны строки  $p$  и  $t$ . Требуется найти все вхождения строки  $p$  в строку  $t$  в качестве подстроки с точностью до возможного несовпадения одного символа.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит  $p$ , вторая —  $t$  ( $1 \leq |p|, |t| \leq 10^6$ ). Строки состоят из букв латинского алфавита.

### Формат выходных данных

В первой строке выведите количество вхождений строки  $p$  в строку  $t$ . Во второй строке выведите в возрастающем порядке номера символов строки  $t$ , с которых начинаются вхождения  $p$ . Символы нумеруются с единицы.

### Примеры

<code>inexact-matching.in</code>	<code>inexact-matching.out</code>
aaaa	4
Caaabdaaaa	1 2 6 7

## Задача Е. Подстроки

Имя входного файла: substr.in  
Имя выходного файла: substr.out  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано  $K$  строк из маленьких латинских букв. Требуется найти их наибольшую общую подстроку.

### Формат входных данных

В первой строке число  $K$  ( $1 \leq K \leq 10$ ). В следующих  $K$  строках — собственно  $K$  строк (длины строк от 1 до 10 000).

### Формат выходных данных

Наибольшая общая подстрока.

### Примеры

substr.in	substr.out
3 abacaba muscabarchive acabistrue	cab

## Задача F. «Abracadabra»

Имя входного файла: **suprefixes.in**  
 Имя выходного файла: **suprefixes.out**  
 Ограничение по времени: 2 секунды  
 Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Строка  $s$  называется *супрефиксом* для строки  $t$ , если  $t$  начинается с  $s$  и заканчивается на  $s$ . Например, «*abra*» является супрефиксом для строки «*abracadabra*». В частности, сама строка  $t$  является своим супрефиксом. Супрефиксы играют важную роль в различных алгоритмах на строках.

В этой задаче требуется решить обратную задачу о поиске супрефикса, которая заключается в следующем. Задан словарь, содержащий  $n$  слов  $t_1, t_2, \dots, t_n$  и набор из  $m$  строк-образцов  $s_1, s_2, \dots, s_m$ . Необходимо для каждой строки-образца из заданного набора найти количество слов в словаре, для которых эта строка-образец является супрефиксом.

Требуется написать программу, которая по заданному числу  $n$ ,  $n$  словам словаря  $t_1, t_2, \dots, t_n$ , заданному числу  $m$  и  $m$  строкам-образцам  $s_1, s_2, \dots, s_m$  вычислит для каждой строки-образца количество слов из словаря, для которых эта строка-образец является супрефиксом.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит целое число  $n$  ( $1 \leq n \leq 200'000$ ).

Последующие  $n$  строк содержат слова  $t_1, t_2, \dots, t_n$ , по одному слову в каждой строке. Каждое слово состоит из строчных букв латинского алфавита. Длина каждого слова не превышает 50. Суммарная длина всех слов не превышает  $10^6$ . Словарь не содержит пустых слов.

Затем следует строка, содержащая целое число  $m$  ( $1 \leq m \leq 200'000$ ).

Последующие  $m$  строк содержат строки-образцы  $s_1, s_2, \dots, s_m$ , по одной на каждой строке. Каждая строка-образец состоит из строчных букв латинского алфавита: Длина каждой строки-образца не превышает 50. Суммарная длина всех строк-образцов не превышает  $10^6$ . Никакая строка-образец не является пустой строкой.

### Формат выходных данных

Выходной файл должен содержать  $m$  чисел, по одному на строке.

Для каждой строки-образца в порядке, в котором они заданы во входном файле, следует вывести количество слов словаря, для которых она является супрефиксом.

### Примеры

<b>suprefixes.in</b>	<b>suprefixes.out</b>
4	4
abacaba	2
abracadabra	0
aa	
abra	
3	
a	
abra	
abac	

## Задача G. Доминошки

Имя входного файла: dominoes.in  
 Имя выходного файла: dominoes.out  
 Ограничение по времени: 2 секунды  
 Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам дано клетчатое поле размера  $n \times m$  клеток. Некоторые клетки на этом поле отмечены как занятые. На нем необходимо разместить несколько (возможно, 0) доминошек размера  $1 \times 2$ , соблюдая следующие ограничения:

- каждая клетка может быть покрыта не более чем одной доминошкой
- никакие две соседних по стороне клетки не могут быть заняты разными доминошками

Сколькими способами можно это сделать?

### Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится два целых числа:  $n$  и  $m$  ( $1 \leq n \leq 6, 1 \leq m \leq 100$ ). В следующих  $n$  строках содержится описание поля. Символ X означает занятую клетку, символ . означает свободную клетку.

### Формат выходных данных

Выведите одно целое число — количество способов разместить доминошки, взятое по модулю  $10^9 + 7$ .

### Примеры

dominoes.in	dominoes.out
2 2 .. ..	5
3 3 ... .X. ...	21
5 5 ..... .... . .X .. ..... .....	5182