

Задача А. Банкомат

Имя входного файла: atm.in
Имя выходного файла: atm.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В некотором государстве в обращении находятся банкноты определенных номиналов. Национальный банк хочет, чтобы банкомат выдавал любую запрошенную сумму при помощи минимального числа банкнот, считая, что запас банкнот каждого номинала неограничен. Помогите Национальному банку решить эту задачу.

Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит натуральное число N не превосходящее 100 — количество номиналов банкнот в обращении. Вторая строка входных данных содержит N различных натуральных чисел x_1, x_2, \dots, x_N , не превосходящих 10^4 — номиналы банкнот. Третья строка содержит натуральное число S , не превосходящее 10^4 — сумму, которую необходимо выдать.

Формат выходных данных

В первую строку выходного файла выведите минимальное число слагаемых (или -1, если такого представления не существует). Во вторую строку выведите это представление в любом порядке.

Примеры

atm.in	atm.out
5 1 3 7 12 32 40	3 32 7 1

Задача В. Рюкзак

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Найдите максимальный вес золота, который можно унести в рюкзаке вместительностью S , если есть N золотых слитков с заданными весами.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записано одно число — S ($1 \leq S \leq 10\,000$).

Далее следует N неотрицательных целых чисел ($1 \leq N \leq 300$), не превосходящих 100 000 — веса слитков.

Формат выходных данных

Выведите искомый максимальный вес.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
10 1 4 8	9
20 5 7 12 18	19

Задача С. Рюкзак-2

Имя входного файла: `knapsack2.in`
Имя выходного файла: `knapsack2.out`
Ограничение по времени: 3 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Найдите максимальную цену слитков золота, которые можно унести в рюкзаке вместительностью S , если есть N золотых слитков с заданными весами и ценами.

Формат входных данных

В первой строке входных данных записаны два числа — S и N ($1 \leq S \leq 10\,000$, $1 \leq N \leq 300$).

В двух следующих строках записано по N неотрицательных целых чисел в каждой — веса и стоимости слитков соответственно. Каждое из этих чисел не превосходит 100 000.

Формат выходных данных

Определите набор предметов максимальной стоимости, помещающийся в данный рюкзак. В первой строке выведите стоимость предметов в набранном наборе, во второй — количество предметов в наборе. В следующей строке выведите через пробел номера этих предметов.

Примеры

<code>knapsack2.in</code>	<code>knapsack2.out</code>
10 3	123
1 4 8	2
72 7 51	1 3

Задача D. Сумма кубов

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано натуральное число N . Необходимо представить его в виде суммы точных кубов, содержащей наименьшее число слагаемых. Программа должна вывести это число слагаемых.

Формат входных данных

Программа получает на вход натуральное число N , не превосходящее $2^{15} - 1$.

Формат выходных данных

Программа должна вывести единственное натуральное число.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
33	5
1	1

Задача E. Наибольшая общая подпоследовательность

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Даны две последовательности. Найдите длину их наибольшей общей подпоследовательности (подпоследовательность — это то, что можно получить из данной последовательности вычеркиванием некоторых элементов).

Формат входных данных

В первой строке входного файла через пробел записаны N членов первой последовательности ($1 \leq N \leq 1000$) — целых чисел, не превосходящих 10 000 по модулю. Во второй строке через пробел записаны M членов второй последовательности ($1 \leq M \leq 1000$) — целые числа, не превосходящие 10 000 по модулю.

Формат выходных данных

В первую строку выходного файла требуется вывести единственное целое число: длину наибольшей общей подпоследовательности или число 0, если такой не существует. Во вторую строку выходного файла требуется вывести самую наибольшую общую подпоследовательность, через пробел (если подпоследовательностей несколько, выведите любую).

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
1 2 3	2
2 1 3 5	2 3

Задача F. Наибольшая возрастающая подпоследовательность

Имя входного файла: `lis.in`
Имя выходного файла: `lis.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дана последовательность, требуется найти длину её наибольшей строго возрастающей подпоследовательности. Подпоследовательность — это часть последовательности, получающаяся из нее вычеркиванием каких-то элементов.

Формат входных данных

В первой строке входного файла задано целое число N — длина последовательности ($1 \leq N \leq 1000$). Во второй строке задаётся сама последовательность (разделитель — пробел). Элементы последовательности — целые числа, не превосходящие 10 000 по модулю.

Формат выходных данных

Требуется вывести длину наибольшей возрастающей подпоследовательности.

Примеры

<code>lis.in</code>	<code>lis.out</code>
6 3 29 5 5 28 6	3

Задача G. Наибольшая последовательнократная подпоследовательность

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Для заданной числовой последовательности a_1, a_2, \dots, a_n требуется найти длину максимальной последовательнократной подпоследовательности.

Для последовательнократной подпоследовательности $a_{k_1}, a_{k_2}, \dots, a_{k_t}$ ($k_1 < k_2 < \dots < k_t$) верно, что $a_{k_i} | a_{k_j}$ при $1 \leq i < j \leq t$ (утверждение « $a|b$ » эквивалентно « b кратно a »). Подпоследовательность из одного элемента полагается последовательнократной по определению.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записаны N натуральных чисел ($1 \leq N \leq 1000$), не превосходящих $2 \cdot 10^9$ — последовательность.

Формат выходных данных

Вывести единственное число, равное длине максимальной последовательнократной подпоследовательности.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 6 5 12	3

Задача Н. Гладиолус

Имя входного файла: `gladiolus.in`
Имя выходного файла: `gladiolus.out`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Числовая последовательность задана рекуррентной формулой: $a_{i+1} = (ka_i + b) \bmod m$. Найдите её наибольшую возрастающую подпоследовательность.

Формат входных данных

Программа получает на вход пять целых чисел: длину последовательности n ($1 \leq n \leq 10^5$), начальный элемент последовательности a_1 , параметры k , b , m для вычисления последующих членов последовательности ($1 \leq m \leq 10^4$, $0 \leq k < m$, $0 \leq b < m$, $0 \leq a_1 < m$).

Формат выходных данных

Требуется вывести наибольшую возрастающую подпоследовательность данной последовательности, разделяя числа пробелами. Если таких последовательностей несколько, необходимо вывести одну (любую) из них.

Примеры

<code>gladiolus.in</code>	<code>gladiolus.out</code>
5 41 2 1 100	41 67 71

Замечание

В данном примере последовательность состоит из 5 элементов: $a_1 = 41$, $a_{i+1} = (2a_i + 1) \bmod 100$, то есть последовательность имеет вид 41, 83, 67, 35, 71.