

Задача А. Персистентный стек

Имя входного файла: `stack.in`
Имя выходного файла: `stack.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Реализуйте персистентный стек.

Формат входных данных

Первая строка содержит количество действий n ($1 \leq n \leq 200\,000$). В строке номер $i + 1$ содержится описание действия i :

- $t\ m$ — добавить в конец стека номер t ($0 \leq t < i$) число m ($0 < m \leq 1000$);
- $t\ 0$ — удалить последний элемент стека номер t ($0 \leq t < i$). Гарантируется, что стек t не пустой.

В результате действия i , описанного в строке $i + 1$, создается стек номер i . Изначально имеется пустой стек с номером ноль.

Все числа во входном файле целые.

Формат выходных данных

Для каждой операции удаления выведите удаленный элемент на отдельной строке.

Примеры

<code>stack.in</code>	<code>stack.out</code>
8	3
0 1	1
1 5	
2 4	
3 2	
4 3	
5 0	
6 6	
1 0	

Задача В. Persistent Array

Имя входного файла: `parray.in`
Имя выходного файла: `parray.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан массив (вернее, первая, начальная его версия).

Нужно уметь отвечать на два запроса:

- $a_i[j] = x$ — создать из i -й версии новую, в которой j -й элемент равен x , а остальные элементы такие же, как в i -й версии.
- `get $a_i[j]$` — сказать, чему равен j -й элемент в i -й версии.

Формат входных данных

Количество чисел в массиве N ($1 \leq N \leq 10^5$) и N элементов массива. Далее количество запросов M ($1 \leq M \leq 10^5$) и M запросов. Формат описания запросов можно посмотреть в примере. Если уже существует K версий, новая версия получает номер $K + 1$. И исходные, и новые элементы массива — целые числа от 0 до 10^9 . Элементы в массиве нумеруются числами от 1 до N .

Формат выходных данных

На каждый запрос типа `get` вывести соответствующий элемент нужного массива.

Примеры

<code>parray.in</code>	<code>parray.out</code>
6	6
1 2 3 4 5 6	5
11	10
create 1 6 10	5
create 2 5 8	10
create 1 5 30	8
get 1 6	6
get 1 5	30
get 2 6	
get 2 5	
get 3 6	
get 3 5	
get 4 6	
get 4 5	

Задача С. Откат

Имя входного файла: `rollback.in`
Имя выходного файла: `rollback.out`
Ограничение по времени: 1.5 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайта

Сергей работает системным администратором в очень крупной компании. Естественно, в круг его обязанностей входит резервное копирование информации, хранящейся на различных серверах и «откат» к предыдущей версии в случае возникновения проблем.

В данный момент Сергей борется с проблемой недостатка места для хранения информации для восстановления. Он решил перенести часть информации на новые сервера. К сожалению, если что-то случится во время переноса, он не сможет произвести откат, поэтому процедура переноса должна быть тщательно спланирована.

На данный момент у Сергея хранятся n точек восстановления различных серверов, пронумерованных от 1 до n . Точка восстановления с номером i позволяет произвести откат для сервера a_i . Сергей решил разбить перенос на этапы, при этом на каждом этапе в случае возникновения проблем будут доступны точки восстановления с номерами $l, l + 1, \dots, r$ для некоторых l и r .

Для того, чтобы спланировать перенос данных оптимальным образом, Сергею необходимо научиться отвечать на запросы: для заданного l , при каком минимальном r в процессе переноса будут доступны точки восстановления не менее чем k различных серверов.

Помогите Сергею.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два целых числа n и m , разделенные пробелами — количество точек восстановления и количество серверов ($1 \leq n, m \leq 100\,000$). Вторая строка содержит n целых чисел a_1, a_2, \dots, a_n — номера серверов, которым соответствуют точки восстановления ($1 \leq a_i \leq m$).

Третья строка входного файла содержит q — количество запросов, которые необходимо обработать ($1 \leq q \leq 100\,000$). В процессе обработки запросов необходимо поддерживать число p , исходно оно равно 0. Каждый запрос задается парой чисел x_i и y_i , используйте их для получения данных запроса следующим образом: $l_i = ((x_i + p) \bmod n) + 1$, $k_i = ((y_i + p) \bmod m) + 1$ ($1 \leq l_i, x_i \leq n$, $1 \leq k_i, y_i \leq m$). Пусть ответ на i -й запрос равен r . После выполнения этого запроса, следует присвоить p значение r .

Формат выходных данных

На каждый запрос выведите одно число — искомое минимальное r , либо 0, если такого r не существует.

Примеры

<code>rollback.in</code>	<code>rollback.out</code>
7 3	1
1 2 1 3 1 2 1	4
4	0
7 3	6
7 1	
7 1	
2 2	

Задача D. Урны и шары

Имя входного файла: `balls.in`
Имя выходного файла: `balls.out`
Ограничение по времени: 4 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Пусть у вас есть n урн, в каждой из которых лежит по одному шару. Урна с номером i содержит шарик под номером i . У вас есть специальное устройство, которое позволяет перемещать шарики. Им чрезвычайно просто пользоваться: сначала вы выбираете некоторый отрезок последовательных урн. После этого вы выбираете некоторый другой отрезок последовательных урн такой же длины, как и исходный, и затем шарики из урн первого отрезка перемещаются в соответствующие урны второго отрезка.

Дана последовательность перемещений. Установите, в какой урне окажется каждый шарик.

Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит два числа n и m — число урн и число перемещений, соответственно ($1 \leq n \leq 100\,000$, $1 \leq m \leq 50\,000$). Каждая из следующих m строк содержит три числа $count_i$, $from_i$ и to_i , которые означают одновременное перемещение всех шариков из урны $from_i$ в урну to_i , всех шариков из урны $from_i + 1$ в урну $to_i + 1$, ..., всех шариков из урны $from_i + count_i - 1$ в урну $to_i + count_i - 1$ ($1 \leq count_i, from_i, to_i \leq n$, $\max(from_i, to_i) + count_i \leq n + 1$).

Формат выходных данных

Выведите n чисел — итоговые позиции каждого шарика.

Примеры

<code>balls.in</code>	<code>balls.out</code>
2 3	1 1
1 1 2	
1 2 1	
1 2 1	

Задача E. K -я порядковая статистика на отрезке

Имя входного файла: `kth.in`
Имя выходного файла: `kth.out`
Ограничение по времени: 6 секунд
Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Дан массив из N неотрицательных чисел, строго меньших 10^9 . Вам необходимо ответить на несколько запросов о величине k -й порядковой статистики на отрезке $[l, r]$.

Формат входных данных

Первая строка содержит число N ($1 \leq N \leq 450\,000$) — размер массива.

Вторая строка может быть использована для генерации a_i — начальных значений элементов массива. Она содержит три числа a_1, l и m ($0 \leq a_1, l, m < 10^9$); для i от 2 до N

$$a_i = (a_{i-1} \cdot l + m) \bmod 10^9.$$

В частности, $0 \leq a_i < 10^9$.

Третья строка содержит одно целое число B ($1 \leq B \leq 1000$) — количество групп запросов.

Следующие B строк описывают одну группу запросов. Каждая группа запросов описывается 10 числами. Первое число G обозначает количество запросов в группе. Далее следуют числа x_1, l_x и m_x , затем y_1, l_y и m_y , затем, k_1, l_k и m_k ($1 \leq x_1 \leq y_1 \leq N$, $1 \leq k_1 \leq y_1 - x_1 + 1$, $0 \leq l_x, m_x, l_y, m_y, l_k, m_k < 10^9$). Эти числа используются для генерации вспомогательных последовательностей x_g и y_g , а также параметров запросов i_g, j_g и k_g ($1 \leq g \leq G$)

$$\begin{aligned}x_g &= ((i_{g-1} - 1) \cdot l_x + m_x) \bmod N + 1, & 2 \leq g \leq G \\y_g &= ((j_{g-1} - 1) \cdot l_y + m_y) \bmod N + 1, & 2 \leq g \leq G \\i_g &= \min(x_g, y_g), & 1 \leq g \leq G \\j_g &= \max(x_g, y_g), & 1 \leq g \leq G \\k_g &= (((k_{g-1} - 1) \cdot l_k + m_k) \bmod (j_g - i_g + 1)) + 1, & 2 \leq g \leq G\end{aligned}$$

Сгенерированные последовательности описывают запросы, g -й запрос состоит в поиске k_g -го по величине числа среди элементов отрезка $[i_g, j_g]$.

Суммарное количество запросов не превосходит 600 000.

Формат выходных данных

Выведите единственное число — сумму ответов на запросы.

Примеры

<code>kth.in</code>	<code>kth.out</code>
5	15
1 1 1	
5	
1	
1 0 0 3 0 0 2 0 0	
1	
2 0 0 5 0 0 3 0 0	
1	
1 0 0 5 0 0 5 0 0	
1	
3 0 0 3 0 0 1 0 0	
1	
1 0 0 4 0 0 1 0 0	

Задача F. НВП на дереве

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

ано дерево на N вершинах, у которого i -е ребро соединяет вершину u_i и вершину v_i . На вершине с номером i записано целое число a_i . Для каждого целого числа k от 1 до N решите следующую задачу:

Составим последовательность, выписав целые числа на вершинах, вдоль кратчайшего пути от вершины 1 до вершины k , в том порядке, в котором они появляются. Найдите длину наибольшей возрастающей подпоследовательности этой последовательности.

Формат входных данных

В первой строке вводится число n ($2 \leq n \leq 2 \cdot 10^5$) — количество вершин в дереве.

Во второй строке через пробел задаются числа a_i ($1 \leq a_i \leq 10^9$) — числа, записанные на вершинах.

В каждой из следующих $n - 1$ -й строке вводятся пары v_i, u_i — рёбра дерева ($1 \leq v_i \neq u_i \leq n$). Гарантируется, что данный набор рёбер образует дерево.

Формат выходных данных

Выведите N строк. В k -й строке выведите длину уб,жкmitq возрастающей подпоследовательности последовательности, полученной по кратчайшему пути из вершины 1 в вершину k .

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
10	1
1 2 5 3 4 6 7 3 2 4	2
1 2	3
2 3	3
3 4	4
4 5	4
3 6	5
6 7	2
1 8	2
8 9	3
9 10	

Задача G. Менеджер памяти

Имя входного файла: `memory.in`
Имя выходного файла: `memory.out`
Ограничение по времени: 8 секунды
Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Одно из главных нововведений новейшей операционной системы Indows 7 — новый менеджер памяти. Он работает с массивом длины N и позволяет выполнять три самые современные операции:

- `copy(a, b, l)` — скопировать отрезок длины $[a, a + l - 1]$ в $[b, b + l - 1]$
- `sum(l, r)` — посчитать сумму элементов массива на отрезке $[l, r]$
- `print(l, r)` — напечатать элементы с l по r , включительно

Вы являетесь разработчиком своей операционной системы, и Вы, безусловно, не можете обойтись без инновационных технологий. Вам необходимо реализовать точно такой же менеджер памяти.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит целое число N ($1 \leq N \leq 1\,000\,000$) — размер массива, с которым будет работать Ваш менеджер памяти.

Во второй строке содержатся четыре числа $1 \leq X_1, A, B, M \leq 10^9 + 10$. С помощью них можно сгенерировать исходный массив чисел X_1, X_2, \dots, X_N . $X_{i+1} = (A * X_i + B) \bmod M$

Следующая строка входного файла содержит целое число K ($1 \leq K \leq 200\,000$) — количество запросов, которые необходимо выполнить Вашему менеджеру памяти.

Далее в K строках содержится описание запросов. Запросы заданы в формате:

- `cpy a b l` — для операции `copy`
- `sum l r` — для операции `sum` ($l \leq r$)
- `out l r` — для операции `print` ($l \leq r$)

Гарантируется, что суммарная длина запросов `print` не превышает 3000. Также гарантируется, что все запросы корректны.

Формат выходных данных

Для каждого запроса `sum` или `print` выведите в выходной файл на отдельной строке результат запроса.

Примеры

memory.in	memory.out
6	1 2 6 1 2 6
1 4 5 7	1 2 1 2 2 6
7	6
out 1 6	1 1 2 1 2 6
cpy 1 3 2	13
out 1 6	
sum 1 4	
cpy 1 2 4	
out 1 6	
sum 1 6	

Задача Н. Intercity Express

Имя входного файла:	intercity.in
Имя выходного файла:	intercity.out
Ограничение по времени:	5 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Андрей разрабатывает систему для продажи железнодорожных билетов. Он собирается протестировать ее на Междугородней Экспресс линии, которая соединяет два больших города и имеет $n - 2$ промежуточных станций, то есть в итоге есть n станций, пронумерованных от 1 до n .

В Междугороднем Экспресс поезде есть s мест, пронумерованных с 1 до s . В тестирующем режиме система имеет доступ к базе данных, содержащей проданные билеты в направлении от станции 1 до станции n и должна отвечать на вопросы, можно ли продать билет от станции a до станции b , и если да, нужно найти минимальный номер места, которое свободно на протяжении всего пути между a и b .

Изначально система имеет только доступ на чтение, то есть даже если есть свободное место, она должна сообщить об этом, но не должна изменять данные.

Помогите Андрею протестировать его систему написанием программы, которые будет находить ответы на вопросы.

Формат входных данных

Первая строка содержит число n — количество станций, s — количество мест и m — количество уже проданных билетов ($2 \leq n \leq 10^9$, $1 \leq s \leq 100\,000$, $0 \leq m \leq 100\,000$).

В следующих m строках описаны билеты, описание каждого билета состоит из трех чисел: c_i , a_i и b_i — номер места, которое занимает владелец билета, номер станции, с которой продан билет и номер станции, до которой продан билет ($1 \leq c_i \leq s$, $1 \leq a_i < b_i \leq n$).

Следующие строки содержат число q — количество запросов ($1 \leq q \leq 100\,000$). Специальное значение p должно поддерживаться в течение считывания запросов. Изначально $p = 0$.

Следующие $2q$ строк описывают запросы. Каждый запрос описывается двумя числами: x_i и y_i ($x_i \leq y_i$).

Чтобы получить города a и b между которыми нужно проверить наличие места, используется следующая формула:

$a = x_i + p$, $b = y_i + p$. Ответ на запрос — число 0, если нет места на каждом отрезке между a и b , или минимальный номер свободного места.

После ответа на запрос, надо приравнять число p полученному ответу на запрос.

Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите ответ на него.

Примеры

intercity.in	intercity.out
5 3 5	1
1 2 5	2
2 1 2	2
2 4 5	3
3 2 3	0
3 3 4	2
10	0
1 2	0
1 2	0
1 2	0
2 3	
-2 0	
2 4	
1 3	
1 4	
2 5	
1 5	

Замечание

Обратите внимание, что запросы выглядят так: (1, 2), (2, 3), (3, 4), (4, 5), (1, 3), (2, 4), (3, 5), (1, 4), (2, 5), (1, 5).

Задача I. СНМ

Имя входного файла: `snm.in`
Имя выходного файла: `snm.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Ваша задача — реализовать **Persistent Disjoint-Set-Union**. Что это значит?

Про **Disjoint-Set-Union**:

Изначально у вас есть n элементов. Нужно научиться отвечать на 2 типа запросов.

- $+ a b$ — объединить множества, в которых лежат вершины a и b
- $? a b$ — сказать, лежат ли вершины a и b сейчас в одном множестве

Про **Persistent**:

Теперь у нас будет несколько копий (версий) структуры данных **Disjoint-Set-Union**.

Запросы будут выглядеть так:

- $+ i a b$ — запрос к i -й структуре, объединить множества, в которых лежат вершины a и b . При этом i -я структура остается не измененной, создается новая версия, ей присваивается новый номер (какой? читайте дальше)
- $? i a b$ — запрос к i -й структуре, сказать, лежат ли вершины a и b сейчас в одном множестве

Формат входных данных

На первой строке 2 числа N ($1 \leq N \leq 10^5$) и K ($0 \leq K \leq 10^5$) — число элементов и число запросов. Изначально все элементы находятся в различных множествах. Эта начальная копия (версия) структуры имеет номер 0.

Далее следуют K строк, на каждой описание очередного запроса. Формат запросов описан выше. Запросы нумеруются целыми числами от 1 до K .

Пусть j -й из K запросов имеет вид « $+ i a b$ ». Тогда новая версия получит номер j . Запросы вида « $? i a b$ » не порождают новых структур.

Формат выходных данных

Для каждого запроса вида $? i a b$ на отдельной строке нужно вывести YES или NO.

Примеры

<code>snm.in</code>	<code>snm.out</code>
4 7	NO
+ 0 1 2	YES
? 0 1 2	YES
? 1 1 2	YES
+ 1 2 3	NO
? 4 3 1	
? 0 4 4	
? 4 1 4	