Задача А. Почтовая реформа

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 4 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В Флатландии идет пора реформ. Недавно была проведена реформа дорог, так что теперь по дорогам страны из любого города можно добраться в любой другой, причем только одним способом. Также была проведена реформа волшебников, так что в каждом городе остался ровно один волшебник. Теперь же началась реформа почтовой системы.

Недавно образованное почтовое агентство «Экс-Федя» предлагает уникальную услугу — коллективную посылку. Эта услуга позволяет отправлять посылки жителям всех городов на каком-либо пути по цене обычной посылки. Удивительно, но пользоваться такой услугой стали только волшебники Флатландии, которые стали в большом количестве отправлять друг другу магические кактусы. Агентство столкнулось с непредвиденной проблемой: как известно, все волшебники живут в башнях и мало того, что не строят в них лестницы, так еще время от времени меняют их высоту. Поэтому, чтобы доставить посылку волшебнику, который живет в башне высотой h, курьеру агентства требуется иметь с собой не менее h метров веревки.

Вам поручено руководить отделом логистики — по имеющимся данным о высотах башен и об их изменениях вам нужно определять минимальную длину веревки, которую нужно выдать курьеру, который доставляет посылки между городами i и j.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит число n — количество городов в Флатландии ($1 \le n \le 50\,000$). Во второй строке находится n положительных чисел, не превосходящих 10^5 — высоты башен в городах. В следующих n-1 строках содержится по два числа u_i и v_i — описание i-й дороги, $1 \le u_i, v_i \le n, u_i \ne v_i$. В следующий строке содержится число k — количество запросов ($1 \le k \le 100\,000$). В следующих k строках содержатся описания запросов в следующем формате:

- Уведомление от волшебника из города i о том, что высота его башни стала равна h, имеет вид ! i h, $1 \le i \le n$, $1 \le h \le 10^5$.
- Запрос от курьера о выдаче веревки для доставки посылок во все города на пути от i до j включительно имеет вид ? i j, $1 \le i, j \le n$.

Формат выходных данных

Для каждого запроса доставки посылок выведите минимальную длину веревки, которую необходимо выдать курьеру.

стандартный ввод	стандартный вывод
3	3
1 2 3	3
1 3	5
2 3	
5	
? 1 2	
! 1 5	
? 2 3	
! 3 2	
? 1 2	
1	1
100	1000
5	
! 1 1	
? 1 1	
! 1 1000	
? 1 1	
! 1 1	

Задача В. Декомпозиция

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Рассмотрим дерево T. Назовем деревом декомпозиции корневое дерево D(T).

Выберем любую из вершин дерева T, назовем ее r. Рассмотрим все компоненты связности дерева T, после удаления вершины r: S_1, S_2, \ldots, S_k . Тогда корнем D(T) будет вершина r, а детьми r в D(T) будут $D(S_1), D(S_2), \ldots, D(S_k)$.

Вам задано T. Найдите дерево декомпозиции, высота которого не более 20. Высотой дерева называется максимальное число вершин, которые может содержать простой путь начинающийся в корне.

Формат входных данных

Первая строка содержит n — число вершин дерева T ($1 \le n \le 2 \cdot 10^5$).

Следующие n-1 строк содержат ребра дерева. Каждое ребро описывается парой чисел v_i, u_i — концы ребра $(1 \le v_i, u_i \le n)$.

Формат выходных данных

Выведите n чисел: i-е число — родитель вершины i в дереве декомпозиции, если вершина является корнем, выведите 0.

стандартный ввод	стандартный вывод
3	2 0 2
1 2	
2 3	
9	0 1 2 2 1 1 6 6 8
3 2	
4 2	
1 2	
5 1	
1 6	
7 6	
6 8	
8 9	

Задача С. Центроиды дерева

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано дерево из n вершин. У каждой вершины есть цвет. Нужно обработать q запросов (v_i, c_i) : найти расстояние от v_i до ближайшей к v_i вершины цвета c_i . Расстоянием между вершинами называется минимальное количество рёбер в пути между ними.

Формат входных данных

На первой строке число n ($1 \le n \le 10^5$), следующая строка содержит числа $p_1, p_2, \ldots, p_{n-1}$. $0 \le p_i < i$. p_i – отец вершины i в дереве. Далее строка с числами $a_0, a_1, \ldots, a_{n-1}$. $0 \le a_i < n$. a_i – цвет вершины i. Далее строка с числом q ($1 \le q \le 10^5$). Следующие q строк содержат запросы $v_i q_i$ ($0 \le v_i < n, 0 \le c_i < n$).

Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите одно число – расстояние до ближайшей вершины нужного цвета, или -1, если в дереве нет вершин такого цвета.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	0 1 2 -1 2 1 2 1 1
0 1 1 3	
1 2 3 2 1	
9	
0 1	
0 2	
0 3	
1 0	
2 1	
2 2	
3 3	
3 1	
4 2	

Задача D. На далекой Амазонке

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 6.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В бассейне далёкой реки Амазонки расположены N городов, пронумерованных для удобства целыми числами от 1 до N. Всем известно, что местные леса непроходимы, и передвижение возможно только по рекам. Как следствие, схема соединения городов является деревом.

К несчастью, в этом году в бассейне далёкой Амазонки не на шутку разошлась эпидемия новой болезни—крабового гриппа. То и дело поступает информация о новых заболевших. Поначалу справляться с ней было легко, но вскоре почти все больницы были переполнены, и сейчас пациентов может принимать только госпиталь, находящийся в городе 1.

Для удобства граждан была открыта горячая линия, куда первым делом необходимо обратиться при появлении симптомов крабового (его ещё часто называют раковым) гриппа. Вам необходимо написать программу, которая будет отвечать на обращения пострадавших, учитывая при этом информацию о работающих больницах. Вам ещё повезло, что вы знаете все запросы заранее!

Более формально, поступают запросы трёх видов:

- «+ v» госпиталь города v снова может принимать больных. Гарантируется, что в момент перед этим запросом госпиталь города v не работал.
- «- v» госпиталь города v не может больше принимать больных. Гарантируется, что в момент перед этим запросом госпиталь города v работал.
- «? v» заболел человек в городе v, необходимо сообщить ему расстояние до ближайшего города с работающим госпиталем (в идеале неплохо бы ещё и сказать номер этого города, но этим пусть занимаются ваши коллеги). Гарантируется, что в момент такого запроса имеется хотя бы один работающий госпиталь.

Формат входных данных

В первой строке находится единственное число N — количество городов ($1 \le N \le 300\,000$). Следующие N-1 строк содержат информацию о соединениях между городами в формате « $u\ v\ l$ », что означает соединение между городами $u\ v\ д$ линою l километров ($1 \le u,v \le N,\ 1 \le l \le 1000$). Направлением течения можно пренебречь и считать, что время движения зависит только от расстояний

Далее на отдельной строке записано число Q — количество запросов ($1\leqslant Q\leqslant 300\,000$). Следующие Q строк содержат описание запросов в формате «c v», где c — это один из трёх символов «+», «-» и «?», а v — номер города ($1\leqslant v\leqslant N$).

Формат выходных данных

Для каждого запроса вида «? v» выведите на отдельной строке одно число — расстояние в километрах до ближайшего города с работающим госпиталем.

ЛКШ.2021. Июль. Параллель 7. День 7. HLD и Centroid decomposition Берендеевы поляны, Судиславль, 24 июля 2021

стандартный ввод	стандартный вывод
5	6
1 2 2	4
2 3 3	7
3 4 1	
3 5 4	
5	
? 4	
+ 5	
? 3	
- 1	
? 2	

Задача Е. Гонки

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод**

Ограничение по времени: 1.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Наряду с IOI в Паттайе проходят международные олимпийские гонки (IOR) 2011. Принимающей стороне требуется найти наиболее подходящую трассу для гонок.

В регионе Паттайя-Чонбури находятся N городов, соединённых сетью из (N-1) магистралей. Каждая магистраль — двусторонняя, соединяет два различных города, и для нее известна длина в километрах — целое число. Известно, что между каждой парой городов существует ровно один возможный путь, соединяющий эти города. Таким образом, для любой пары городов существует ровно одна последовательность различных магистралей, по которой можно проехать из одного города в другой, не посещая никакой город дважды.

По требованиям организаторов IOR трасса должна являться путём суммарной длины ровно K километров, начинающимся и заканчивающимся в различных городах. Естественно, никакая магистраль и, поэтому, никакой город не могут быть использованы дважды при выборе трассы, иначе возможны столкновения. Чтобы минимизировать влияние гонок на трафик движения в регионе, необходимо выбрать для трассы путь из наименьшего возможного количества магистралей.

Формат входных данных

В первой строке через пробел записаны пары чисел N и K — количество городов и требуемая длина трассы в километрах ($1 \le N \le 200\,000$, $1 \le K \le 1\,000\,000$). В следующих N-1 строках через пробел три целых числа u_i, v_i и c_i — номера городов, соединенных магистралью, и длина этой магистрали, соответственно ($0 \le u_i, v_i \le N-1$, $0 \le c_i \le 1\,000\,000$).

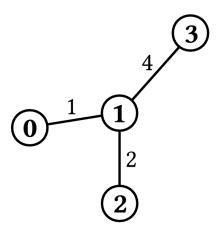
Формат выходных данных

Выведите единственное число — минимальное возможное количество магистралей на допустимой трассе, имеющей длину, равную K. Если такой трассы не существует, выведите -1.

Примеры

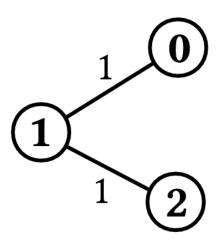
стандартный ввод	стандартный вывод
4 3	2
0 1 1	
1 2 2	
1 3 4	
3 3	-1
0 1 1	
1 2 1	
11 12	2
0 1 3	
0 2 4	
2 3 5	
3 4 4	
4 5 6	
0 6 3	
6 7 2	
6 8 5	
8 9 6	
8 10 7	

Замечание



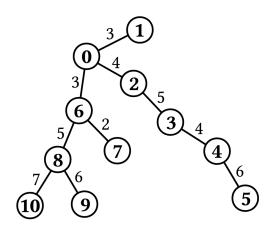
Единственная допустимая трасса начинается в городе 0, проходит через город 1 и заканчивается в городе 2.

Пример 2



В этом примере допустимой трассы не существует.

Пример 3



Одна из допустимых трасс состоит из 3 магистралей: она идёт из города с номером 6 через города с номерами 0 и 2 в город с номером 3. Другая трасса начинается в городе с номером 10 и идёт через город с номером 8 в город с номером 6. Вторая из них оптимальна, так как не существует подходящей трассы из одной магистрали.

Задача F. Близкие вершины

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано дерево из n вершин. Каждое ребро имеет неотрицательный вес. Длиной пути между двумя вершинами называется количество ребер в пути. Весом пути называется суммарный вес всех входящих в него ребер.

Две вершины называются близкими, если существует путь между двумя этими вершинами длины не более l и также существует путь между ними веса не более w. Определите количество близких пар вершин.

Формат входных данных

В первой строке записаны три целых числа n, l и w ($1 \le n \le 10^5, 1 \le l \le n, 0 \le w \le 10^9$). Далее в n-1 строках дано описание ребер дерева. В i-той строке записано два целых числа p_i, w_i ($1 \le p_i < (i+1), 0 \le w_i \le 10^4$), которые обозначают, что i-ое ребро соединяет вершину (i+1) и p_i и имеет вес w_i .

Считайте, что вершины дерева пронумерованы от 1 до n некоторым образом.

Формат выходных данных

Выведите единственное целое число — количество близких пар.

стандартный ввод	стандартный вывод
4 4 6	4
1 3	
1 4	
1 3	

Задача G. Наименьший общий предок

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мегабайт

У Бобо есть корневое дерево из n вершин, удобно пронумерованных числами $1, 2, \ldots, n$. Вершина 1 — корень дерева, и i-я вершина имеет вес w_i .

Он хотел бы посчитать $f(2), f(3), \dots, f(n)$ где

$$f(i) = \sum_{j=1}^{i-1} w_{\mathrm{LCA}(i,j)}.$$

Формат входных данных

Входные данные содержит ноль или более тестовых примеров и заканчиваются символом конца файла. Для каждого тестового примера:

Первая строка содержит число $n \ (2 \le n \le 2 \cdot 10^5)$.

Вторая строка содержит n чисел $w_1, w_2, \dots, w_n \ (1 \le w_i \le 10^4)$.

Третья строка содержит (n-1) чисел p_2, p_3, \ldots, p_n , где p_i обозначает ребро из вершины p_i в вершину i $(1 \le p_i \le n)$. Ребра образуют дерево.

Гарантируется, что сумма всех n не превосходит $2 \cdot 10^5$.

Формат выходных данных

Для каждого тестового примера, выведите n-1 чисел: $f(2), f(3), \ldots, f(n)$.

стандартный ввод	стандартный вывод
3	1
1 2 3	2
1 1	1
5	3
1 2 3 4 5	5
1 2 2 1	4