

Задача А. Ханойские башни

Имя входного файла: `hanoi.in`
Имя выходного файла: `hanoi.out`
Ограничение по времени: 6 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Даны три стержня. На первом стержне находятся несколько дисков сверху вниз по возрастанию размера диска. Два другие пусты. Требуется перенести все диски с первого стержня на второй. Переносить диски разрешается только по одному. Не разрешается класть больший диск на меньший.

Формат входных данных

Вводится одно число n ($1 \leq n \leq 19$) — количество дисков на первом стержне.

Формат выходных данных

Выведите по два числа в строке — номера стержней, откуда и куда переносится диск. Решение должно быть оптимальным по количеству действий.

Примеры

<code>hanoi.in</code>	<code>hanoi.out</code>
3	1 2 1 3 2 3 1 2 3 1 3 2 1 2

Замечание

В программе нельзя пользоваться циклами.

Задача В. Переворот

Имя входного файла: `reverse.in`
Имя выходного файла: `reverse.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано натуральное число N и последовательность из N элементов. Требуется вывести эту последовательность в обратном порядке.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записано натуральное число N ($N \leq 500$). В следующих N строках идут N целых чисел, по модулю не превосходящих 1000, — элементы последовательности.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите заданную последовательность в обратном порядке. Каждое число должно быть записано на новой строке.

Примеры

<code>reverse.in</code>	<code>reverse.out</code>
3	-3
6	8
8	6
-3	

Замечание

В этой задаче нельзя использовать циклы и массивы. Даже для считывания.

Задача С. Без двух единиц подряд

Имя входного файла: `notwo.in`
Имя выходного файла: `notwo.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

По данному натуральному числу n выведите все двоичные последовательности длины n , не содержащие двух единиц подряд, в лексикографическом порядке.

Формат входных данных

Одно натуральное число n ($1 \leq n \leq 20$).

Формат выходных данных

Каждая последовательность должна выводиться в отдельной строке, вывод должен завершаться символом новой строки. Числа, входящие в последовательность, должны быть разделены одним пробелом.

Примеры

<code>notwo.in</code>	<code>notwo.out</code>
4	0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 1 0 0 1 0 0 0 1 0 1 1 0 0 0 1 0 0 1 1 0 1 0

Задача D. Монетки

Имя входного файла: `coins.in`
Имя выходного файла: `coins.out`
Ограничение по времени: 2.2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В Волшебной стране используются монетки достоинством A_1, A_2, \dots, A_M . Волшебный человечек пришел в магазин и обнаружил, что у него есть ровно по две монетки каждого достоинства. Ему нужно заплатить сумму N . Напишите программу, определяющую, сможет ли он расплатиться без сдачи.

Формат входных данных

Сначала вводится целое число N ($1 \leq N \leq 10^9$), затем — целое число M ($1 \leq M \leq 10$) и далее M попарно различных целых чисел A_1, A_2, \dots, A_M ($1 \leq A_i \leq 10^9$).

Формат выходных данных

Выведите сначала K — количество монет, которое придется отдать Волшебному человечку, если он сможет заплатить указанную сумму без сдачи. Далее выведите K чисел, задающих достоинства монет. Если решений несколько, выведите вариант, в котором Волшебный человек отдаст наименьшее возможное количество монет. Если таких вариантов несколько, выведите любой из них.

Если без сдачи не обойтись, то выведите одно число 0. Если же у Волшебного человечка не хватит денег, чтобы заплатить указанную сумму, выведите одно число -1 (минус один).

Примеры

<code>coins.in</code>	<code>coins.out</code>
5 2 1 2	3 1 2 2
7 2 1 2	-1
5 2 3 4	0

Задача Е. Перестановки

Имя входного файла: `permutations.in`
Имя выходного файла: `permutations.out`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Выведите все перестановки чисел от 1 до N в лексикографическом порядке.

Формат входных данных

Во входном файле задано число N ($1 \leq N \leq 8$).

Формат выходных данных

Выведите все перестановки, разделяя числа пробелами, по одной в каждой строке.

Примеры

<code>permutations.in</code>	<code>permutations.out</code>
3	1 2 3 1 3 2 2 1 3 2 3 1 3 1 2 3 2 1

Задача F. Правильные скобочные последовательности

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано натуральное число n . Выведите все правильные скобочные последовательности, состоящие из n открывающих круглых скобок и n закрывающих скобок в лексикографическом порядке.

Формат входных данных

Во входном файле одно число — n ($1 \leq n \leq 11$).

Формат выходных данных

Каждая последовательность должна выводиться в отдельной строке, вывод должен завершаться символом новой строки.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3	((())) (()()) (())() (()()) (())()