Задача A. Двоичное дерево поиска

Имя входного файла:	`bst.in`
Имя выходного файла:	`bst.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Реализуйте сбалансированное двоичное дерево поиска.

Формат входных данных

Входной файл содержит описание операций с деревом, их количество не превышает 100000. В каждой строке находится одна из следующих операций:

- `insert` x — добавить в дерево ключ x. Если ключ x в дереве уже есть, то ничего делать не надо.
- `delete` x — удалить из дерева ключ x. Если ключа x в дереве нет, то ничего делать не надо.
- `exists` x — если ключ x есть в дереве, выведите «`true`», иначе «`false`»
- `next` x — выведите минимальный элемент в дереве, строго больший x, или «`none`», если такого нет.
- `prev` x — выведите максимальный элемент в дереве, строго меньший x, или «`none`», если такого нет.

Все числа во входном файле целые и по модулю не превышают 10^9.

Формат выходных данных

Выведите последовательно результат выполнения всех операций `exists`, `next`, `prev`. Следуйте формату выходного файла из примера.

Примеры

bst.in	bst.out
insert 2 insert 5 insert 3 exists 2 exists 4 next 4 prev 4 delete 5 next 4 prev 4	true false 5 3 none 3

Задача B. Двоичное дерево поиска 2

Имя входного файла:	`bst2.in`
Имя выходного файла:	`bst2.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Реализуйте сбалансированное двоичное дерево поиска.

Формат входных данных

Входной файл содержит описание операций с деревом, их количество не превышает 100000. Формат операций смотрите в предыдущей задаче. В каждой строке находится одна из следующих операций:

- `insert` x — добавить в дерево ключ x.
- `delete` x — удалить из дерева ключ x. Если ключа x в дереве нет, то ничего делать не надо.
- `exists` x — если ключ x есть в дереве, выведите «`true`», иначе «`false`»
- `next` x — выведите минимальный элемент в дереве, строго больший x, или «`none`», если такого нет.
- `prev` x — выведите максимальный элемент в дереве, строго меньший x, или «`none`», если такого нет.
- `kth` k — выведите k–ый по величине элемент (нумерация с единицы). Если такого не существует, то выведите «`none`».

Все числа во входном файле целые и по модулю не превышают 10^9.

Формат выходных данных

Выведите последовательно результат выполнения всех операций `exists`, `next`, `prev`, `kth`. Следуйте формату выходного файла из примера.

Примеры

bst2.in	bst2.out
insert 2 insert 5 insert 3 exists 2 exists 4 next 4 prev 4 delete 5 next 4 prev 4 kth 1 kth 3	true false 5 3 none 3 2 none

Задача C. И снова сумма...

Имя входного файла:	`sum2.in`
Имя выходного файла:	`sum2.out`
Ограничение по времени:	3 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Реализуйте структуру данных, которая поддерживает множество S целых чисел, с котором разрешается производить следующие операции:

- $add(i)$ — добавить в множество S число i (если он там уже есть, то множество не меняется);
- $sum(l, r)$ — вывести сумму всех элементов x из S, которые удовлетворяют неравенству $l \leqslant x \leqslant r$.

Формат входных данных

Исходно множество S пусто. Первая строка входного файла содержит n — количество операций ($1 \leqslant n \leqslant 300\,000$). Следующие n строк содержат операции. Каждая операция имеет вид либо «`+` i», либо «`?` l r». Операция «`?` l r» задает запрос $sum(l, r)$.

Если операция «`+` i» идет во входном файле в начале или после другой операции «`+`», то она задает операцию $add(i)$. Если же она идет после запроса «`?`», и результат этого запроса был y, то выполняется операция $add((i + y) \bmod 10^9)$.

Во всех запросах и операциях добавления параметры лежат в интервале от 0 до 10^9.

Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите одно число — ответ на запрос.

Примеры

sum2.in	sum2.out
6 + 1 + 3 + 3 ? 2 4 + 1 ? 2 4	3 7

Задача D. Декартово дерево

Имя входного файла:	`tree.in`
Имя выходного файла:	`tree.out`
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Вам даны пары чисел (a_i, b_i). Необходимо построить декартово дерево, такое что i-я вершина имеет ключи (a_i, b_i), вершины с ключом a_i образуют бинарное дерево поиска, а вершины с ключом b_i образуют кучу.

Формат входных данных

В первой строке записано число N — количество пар. Далее следует N ($1 \leqslant N \leqslant 50\,000$) пар (a_i, b_i). Для всех пар $|a_i|, |b_i| \leqslant 30\,000$. $a_i \neq a_j$ и $b_i \neq b_j$ для всех $i \neq j$.

Формат выходных данных

Если декартово дерево с таким набором ключей построить возможно, выведите в первой строке «`YES`», в противном случае выведите «`NO`». В случае ответа «`YES`» выведите N строк, каждая из которых должна описывать вершину. Описание вершины состоит из трёх чисел: номера предка, номера левого сына и номера правого сына. Если у вершины отсутствует предок или какой либо из сыновей, выведите на его месте число 0.

Если подходящих деревьев несколько, выведите любое.

Пример

tree.in	tree.out
7 5 4 2 2 3 9 0 5 1 3 6 6 4 11	YES 2 3 6 0 5 1 1 0 7 5 0 0 2 4 0 1 0 0 3 0 0

Задача E. Алга!

Имя входного файла:	`movetofront.in`
Имя выходного файла:	`movetofront.out`
Ограничение по времени:	3 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Капрал Дукар любит раздавать приказы своей роте. Самый любимый его приказ — «Алга!». Капрал строит солдат в ряд и отдаёт некоторое количество приказов, каждый из которых звучит так: «Рядовые с l_i по l_j — алга!»

Перед тем, как Дукар отдал первый приказ, солдаты были пронумерованы от 1 до n слева направо. Услышав приказ «Рядовые с l_i по l_j — алга!», солдаты, стоящие на местах с l_i по l_j включительно, продвигаются в начало ряда в том же порядке, в котором были.

Например, если в какой-то момент солдаты стоят в порядке $2, 3, 6, 1, 5, 4$, то после приказа «Рядовые с 2 по 4 — алга!», порядок будет таким: $3, 6, 1, 2, 5, 4$. А если потом Капрал вышлет вперёд солдат с 3 по 4, то порядок будет уже таким: $1, 2, 3, 6, 5, 4$.

Вам дана последовательность приказов Капрала. Найдите порядок, в котором будут стоять солдаты после исполнения всех приказов.

Формат входных данных

В первой строке входного файла указаны числа n и m ($2 \leqslant n \leqslant 100\,000$, $1 \leqslant m \leqslant 100\,000$) — число солдат и число приказов. Следующие m строк содержат приказы в виде двух целых чисел: l_i и r_i ($1 \leqslant l_i \leqslant r_i \leqslant n$).

Формат выходных данных

Выведите в выходной файл n целых чисел — порядок, в котором будут стоять солдаты после исполнения всех приказов.

Примеры

movetofront.in	movetofront.out
6 3 2 4 3 5 2 2	1 4 5 2 3 6

Задача F. Переворот

Имя входного файла:	`reverse.in`
Имя выходного файла:	`reverse.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

Дан массив. Надо научиться обрабатывать два типа запросов.

- `1 L R` - перевернуть отрезок [L, R]
- `2 L R` - найти минимум на отрезке [L, R]

Формат входных данных

Первая строка файла содержит два числа n, m. ($1 \leqslant n, m \leqslant 10^5$) Во второй строке находится n чисел a_i ($1 \leqslant a_i \leqslant 10^9$)- исходный массив. Остальные m строк содержат запросы, в формате описанном в условии. Для чисел L,R выполняется ограничение ($1 \leqslant L \leqslant R \leqslant n$).

Формат выходных данных

На каждый запрос типа 2, во входной файл выведите ответ на него, в отдельной строке.

Примеры

reverse.in	reverse.out
10 7 5 3 2 3 12 6 7 5 10 12 2 4 9 1 4 6 2 1 8 1 1 8 1 8 9 2 1 7 2 3 6	3 2 2 2

Задача G. Своппер

Имя входного файла:	`swapper.in`
Имя выходного файла:	`swapper.out`
Ограничение по времени:	4 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Современные компьютеры зацикливаются
в десятки раз эффективнее человека

Рекламный проспект OS Vista-N

Перед возвращением в штаб-квартиру корпорации Аазу и Скиву пришлось заполнить на местной таможне декларацию о доходах за время визита. Получилась довольно внушительная последовательность чисел. Обработка этой последовательности заняла весьма долгое время.

— Своппер кривой, — со знанием дела сказал таможенник.

— А что такое своппер? — спросил любопытный Скив.

Ааз объяснил, что своппер — это структура данных, которая умеет делать следующее.

- Взять отрезок чётной длины от x до y и поменять местами число x с $x+1$, $x+2$ с $x+3$, и т.д.
- Посчитать сумму чисел на произвольном отрезке от a до b.

Учитывая, что обсчёт может затянуться надолго, корпорация «МИФ» попросила Вас решить проблему со своппером и промоделировать ЭТО эффективно.

Формат входных данных

Во входном файле заданы один или несколько тестов. В первой строке каждого теста записаны число N — длина последовательности и число M — число операций ($1 \leqslant N, M \leqslant 100\,000$). Во второй строке теста содержится N целых чисел, не превосходящих 10^6 по модулю — сама последовательность. Далее следуют M строк — запросы в формате `1` x_i y_i — запрос первого типа, и `2` a_i b_i — запрос второго типа. Сумма всех N и M по всему файлу не превосходит 200 000. Файл завершается строкой из двух нулей. Гарантируется, что $x_i < y_i$, а $a_i \leqslant b_i$.

Формат выходных данных

Для каждого теста выведите ответы на запросы второго типа, как показано в примере. Разделяйте ответы на тесты пустой строкой.

Примеры

swapper.in	swapper.out
5 5 1 2 3 4 5 1 2 5 2 2 4 1 1 4 2 1 3 2 4 4 0 0	Swapper 1: 10 9 2

Задача H. Очередная

Имя входного файла:	`стандартный ввод`
Имя выходного файла:	`стандартный вывод`
Ограничение по времени:	3 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Изначально вам дана перестановка чисел от 1 до N. Вам поступают запросы двух видов:

- 1 l_1 r_1 l_2 r_2 для выполнения требуется взять два подмассива нашей перестановки с границами $[l_1, r_1]$ и $[l_2, r_2]$ и поменять местами содержимое подмассивов друг с другом.
- 2 x найти место в перестановке, где находится число x и вывести 3 следующих за ним числа

Формат входных данных

В первой строке находится два числа N и Q — размер перестановки и общее количество запросов ($2 \leqslant N \leqslant 10000$, $1 \leqslant Q \leqslant 200000$). Во второй строке — перестановка чисел от одного до N. В следующих Q строках описаны запросы в виде либо 1 l_1 r_1 l_2 r_2($1 \leqslant l_1 \leqslant r_1 < l_2 \leqslant r_2 \leqslant N$, $r_1 - l_1 = r_2 - l_2$) либо 2 x ($1 \leqslant x \leqslant N$).

Формат выходных данных

Для каждого запроса второго типа выведите три числа — следующие числа за заданным, либо -1, если какого-то числа нет.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
6 6 1 2 3 4 5 6 2 4 1 1 2 4 5 2 4 2 1 1 1 3 4 6 2 1	5 6 -1 5 3 1 2 6 -1 2 6 4

Задача I. Эх, дороги . . .

Имя входного файла:	`roads.in`
Имя выходного файла:	`roads.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

В многострадальном Тридесятом государстве опять готовится дорожная реформа. Впрочем, надо признать, дороги в этом государстве находятся в довольно плачевном состоянии. Так что реформа не повредит. Одна проблема — дорожникам не развернуться, поскольку в стране действует жесткий закон — из каждого города должно вести не более двух дорог. Все дороги в государстве двусторонние, то есть по ним разрешено движение в обоих направлениях (разумеется, разметка отсутствует). В результате реформы некоторые дороги будут строиться, а некоторые другие закрываться на бессрочный ремонт.

Петя работает диспетчером в службе грузоперевозок на дальние расстояния. В связи с предстоящими реформами, ему необходимо оперативно определять оптимальные маршруты между городами в условиях постоянно меняющейся дорожной ситуации. В силу большого количества пробок и сотрудников дорожной полиции в городах, критерием оптимальности маршрута считается количество промежуточных городов, которые необходимо проехать.

Помогите Пете по заданной последовательности сообщений об изменении структуры дорог и запросам об оптимальном способе проезда из одного города в другой, оперативно отвечать на запросы.

Формат входных данных

В первой строке входного файла заданы числа n — количество городов, m — количество дорог в начале реформы и q — количество сообщений об изменении дорожной структуры и запросов ($1 \leqslant n \leqslant 100\,000$, $0 \leqslant m \leqslant 100\,000$, $0 \leqslant q \leqslant 200\,000$). Следующие m строк содержат по два целых числа каждая — пары городов, соединенных дорогами перед реформой. Следующие q строк содержат по три элемента, разделенных пробелами. «`+` i j» означает строительство дороги от города i до города j, «`-` i j» означает закрытие дороги от города i до города j, «`?` i j» означает запрос об оптимальном пути между городами i и j.

Формат выходных данных

На каждый запрос вида «`?` i j» выведите одно число — минимальное количество промежуточных городов на маршруте из города i в город j. Если проехать из i в j невозможно, выведите -1.

Примеры

roads.in	roads.out
5 4 6 1 2 2 3 1 3 4 5 ? 1 2 ? 1 5 - 2 3 ? 2 3 + 2 4 ? 1 5	0 -1 1 2