Задача A. Цифровой корень

Имя входного файла:	`dig-root.in`
Имя выходного файла:	`dig-root.out`
Ограничение по времени:	0.5 секунда
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

Цифровым корнем числа n называется следующее число: берется сумма цифр числа n, затем сумма цифр у получившегося числа и так далее пока не получится однозначное число.

Ваша задача — отсортировать данный массив по возрастанию цифровых корней его элементов. Если цифровые корни двух чисел равны, то раньше должно идти меньшее число.

Формат входных данных

В первой строке файла через пробел введены элементы массива. Длина массива не превосходит 200, каждое число положительно и не превосходит 10^9.

Формат выходных данных

Массив, отсортированный в порядке возрастания цифрового корня.

Примеры

dig-root.in	dig-root.out
15 14 13 12 11 10 9 8 7	10 11 12 13 14 15 7 8 9
80 61 51 41 22 1	1 22 41 51 61 80

Замечание

Требуется в решении написать вспомогательную функцию `digital_root(number)`, вычисляющую и возвращающую цифровой корень числа. Эту функцию необходимо использовать в сортировке по ключу в качестве ключа.

Задача B. Права доступа

Имя входного файла:	`access.in`
Имя выходного файла:	`access.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

В файловую систему одного суперкомпьютера проник вирус, который сломал контроль за правами доступа к файлам. Для каждого файла N_i известно, с какими действиями можно к нему обращаться:

- запись (`W`),
- чтение (`R`),
- запуск (`X`).

Вам требуется восстановить контроль над правами доступа к файлам (ваша программа для каждого запроса должна будет возвращать «`OK`» если над файлом выполняется допустимая операция, или же «`Access denied`», если операция недопустима).

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится число N ($1 \leqslant N \leqslant 10\,000$) — количество файлов, содержащихся в данной файловой системе.

В следующих N строчках содержатся имена файлов, состоящие из маленьких латинских букв, цифр, точек и символов подчёркивания, и допустимых с ними операций, разделенные пробелами. Длина имени файла не превышает 15 символов.

Далее указано число M ($1 \leqslant M \leqslant 50\,000$) — количество запросов к файлам.

В последних M строках указан запрос вида «Операция Файл». К одному и тому же файлу может быть применено любое количество запросов.

Формат выходных данных

Для каждого из M запросов нужно вывести в отдельной строке «`Access denied`» или «`OK`».

Примеры

access.in	access.out
4 helloworld.exe R X pinglog W R nya R goodluck X W R 5 read nya write helloworld.exe execute nya read pinglog write pinglog	OK Access denied Access denied OK OK

Задача C. Одномерный почтальон

Имя входного файла:	`стандартный ввод`
Имя выходного файла:	`стандартный вывод`
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

В деревне Печалька живут n человек, их домики расположены ровно на оси абсцисс. Домик i-го человека находится в точке x_i. В деревню приехал и хочет там поселиться почтальон. Координату своего домика y он хочет выбрать так, чтобы суммарное расстояние от него до всех жителей деревни было минимально возможным. То есть

$$\sum_{i=1}^{n} |y - x_i| \to \min$$

Вам дан массив x из n целых чисел. Найдите точку y.

Формат входных данных

На первой строке целое число n ($1 \leqslant n \leqslant 10^5$).

В следующей строке n целых чисел x_i ($-10^9 \leqslant x_i \leqslant 10^9$).

Формат выходных данных

Выведите одно число — минимальное суммарное расстояние от точки y до всех домиков.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 32 1 2	31

Задача D. Электрички

Имя входного файла:	`trains.in`
Имя выходного файла:	`trains.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

На вокзале есть K тупиков, куда прибывают электрички. Этот вокзал является их конечной станцией, поэтому электрички, прибыв, некоторое время стоят на вокзале, а потом отправляются в новый рейс (в ту сторону, откуда прибыли).

Дано расписание движения, в котором указаны события прибытия и отбытия для каждой из электричек в хронологическом порядке. Поскольку вокзал — конечная станция, то электричка может стоять на нем довольно долго, в частности, электричка, которая прибывает раньше другой, отправляться обратно может значительно позднее.

Тупики пронумерованы числами от 1 до K. Когда электричка прибывает, ее ставят в свободный тупик с минимальным номером.

Напишите программу, которая по данному расписанию для каждой электрички определит номер тупика, куда прибудет эта электричка.

Формат входных данных

В первой строке вводится число K — количество тупиков ($1 \leqslant K \leqslant 20000$). Далее следуют строки, описывающие события прибытия/отбытия электричек. Каждая электричка задаётся своей противоположной конечной станцией — строкой длины не более 15 из латинских букв и знаков подчёркивания. Событие `+city` означает, что прибывает электричка из города `city`, событие `-city` — что эта электричка отправляется обратно. Общее количество электричек, фигурирующих в условии — не более 100000, для каждой фигурирующей электрички присутствуют оба события.

Считается, что в нулевой момент времени все тупики на вокзале свободны.

Формат выходных данных

Выведите по одному числу на каждую электричку — номер тупика, куда её поставят по прибытии. Если тупиков не достаточно для того, чтобы организовать движение электричек согласно расписанию, выведите число 0 и город первой из электричек, которая не сможет прибыть на вокзал.

Примеры

trains.in	trains.out
3 +bologoe +moscow -bologoe +stpetersburg -stpetersburg +samara +saratov -moscow -samara -saratov	bologoe 1 moscow 2 stpetersburg 1 samara 1 saratov 3
2 +kostroma +sudislavl +newvasyuki -sudislavl -kostroma -newvasyuki	0 newvasyuki

Задача E. Число

Имя входного файла:	`number.in`
Имя выходного файла:	`number.out`
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Вася написал на длинной полоске бумаги большое число и решил похвастаться своему старшему брату Пете этим достижением. Но только он вышел из комнаты, чтобы позвать брата, как его сестра Катя вбежала в комнату и разрезала полоску бумаги на несколько частей. В результате на каждой части оказалось одна или несколько идущих подряд цифр.

Теперь Вася не может вспомнить, какое именно число он написал. Только помнит, что оно было очень большое. Чтобы утешить младшего брата, Петя решил выяснить, какое максимальное число могло быть написано на полоске бумаги перед разрезанием.

Помогите ему!

Формат входных данных

Входной файл содержит одну или более строк, каждая из которых содержит последовательность цифр. Количество строк во входном файле не превышает 100, каждая строка содержит от 1 до 100 цифр. Гарантируется, что хотя бы в одной строке первая цифра отлична от нуля.

Формат выходных данных

Выведите в выходной файл одну строку — максимальное число, которое могло быть написано на полоске перед разрезанием.

Примеры

number.in	number.out
2 20 004 66	66220004
3	3

Задача F. Снеговики

Имя входного файла:	`snowmen.in`
Имя выходного файла:	`snowmen.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Для того, чтобы слепить снеговика, необходимо три снежных кома разного размера. В вашем распоряжении есть n снежных комов, которые представляют собой шары с радиусами r_1, r_2, ..., r_n. Снеговика можно слепить из любых трех комов, радиусы которых попарно различны. Например, из комов с радиусами 1, 2 и 3 можно слепить снеговика, а из комов с радиусами 2, 2, 3 или 2, 2, 2 — нельзя. Определите, какое наибольшее количество снеговиков можно слепить из данных комов.

Формат входных данных

В первой строке входных данных задано целое число n ($1 \leqslant n \leqslant 10^5$) — количество комов. В следующей строке заданы n целых чисел — радиусы комов r_1, r_2, ..., r_n ($1 \leqslant r_i \leqslant 10^9$). Радиусы комов могут совпадать.

Формат выходных данных

В первой строке выведите одно целое число k — наибольшее количество снеговиков. Следующие k строк должны содержать описания снеговиков. Описание каждого снеговика должно состоять из трех чисел, разделенных пробелами — радиуса большого кома, радиуса среднего кома и радиуса маленького кома. Снеговиков разрешается выводить в любом порядке. Если решений несколько, выведите любое.

Примеры

snowmen.in	snowmen.out
7 1 2 3 4 5 6 7	2 7 6 5 4 3 2
3 2 2 3	0

Задача G. ACM Марафон

Имя входного файла:	`contest.in`
Имя выходного файла:	`contest.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

Школьник Вася Иванов так сильно боялся идти на командную олимпиаду, что ему приснился кошмар: в ЛКШ вместо обычной олимпиады устраивали обязательный ACM-марафон. Это почти обычная командная олимпиада, отличается она только продолжительностью. Марафон длится ровно 24 часа, то есть если он начался в 00:00:00 то в 23:59:59 команда еще может сдать решение, а в 00:00:00 следующего дня — уже нет.

Как и в обычном турнире ACM, побеждает команда, решившая наибольшее число задач, а при равном количестве решенных задач лучше результат у той команды, у которой меньше штрафное время. Изначально штрафное время каждой команды равно нулю. За каждую правильно сданную задачу к штрафному времени команды прибавляют время в минутах, округленное вниз, прошедшее с начала соревнования до момента сдачи задачи. Кроме того, если зачтённой попытке предшествовало несколько неудачных попыток сдать ту же задачу, то за каждую из них к штрафному времени прибавляют двадцать минут. За неудачные попытки сдать задачу, которую команде в итоге так и не удалось решить, штрафного времени не начисляется. Так же посылки с результатом “Compilation error” и “Code style violation” не считаются неудачными, то есть за них не начисляются штрафные минуты.

Вам требуется написать программу, которая подсчитает результаты марафона.

Формат входных данных

В первой строке входного файла находится время начала олимпиады в формате $hh : mm : ss$, где двухразрядное целое число hh ($0 \leqslant hh \leqslant 23$) означает час, а двухразрядные целые числа mm и ss ($0 \leqslant mm, ss \leqslant 59$) — минуты и секунды соответственно.

Во второй строке находится единственное целое число n ($1 \leqslant n \leqslant 1000$) — количество посылок за олимпиаду.

Далее следуют n строк с описаниями посылок. В начале каждой из них в двойных кавычках записано название команды, сделавшей посылку. Название может состоять из строчных и заглавных латинских букв, пробелов и цифр от 1 до 9. Длина названия — не меньше одного символа и не больше 255. После названия команды написано время посылки в том же формате, что и время начала контеста.

Далее через пробел идет заглавная латинская буква — номер задачи. Последние два символа в строке — результат посылки. Результат посылки может быть одни из следующих:
OK — OK
WA — Wrong answer
PE — Presentation error
TL — Time limit
ML — Memory limit
CE — Compillation error
CS — Code style violation

Формат выходных данных

Выходной файл должен содержать итоговую таблицу результатов — по строке на каждую команду. Строки должны идти в порядке уменьшения результата, если у нескольких команд результаты равны, то порядок команд определяется названием — раньше идет та, название которой лексикографически меньше.

Каждая строка должна начинаться с места команды в итоговом зачете. Место команды — это $k + 1$, где k — число команд, имеющих строго лучший результат. Далее через пробел идет название команды в двойных кавычках, а за ним через пробел два числа — количество решенных задач и штрафное время.

Примеры

contest.in	contest.out
00:00:00 5 "Super team" 00:00:23 A WA "Mega team" 00:10:21 A WA "Super team" 00:20:23 A OK "Mega team" 00:30:23 A OK "Mega team" 00:40:23 B OK	1 "Mega team" 2 90 2 "Super team" 1 40
01:00:00 3 "Team1" 01:10:00 A WA "Team1" 01:20:00 A OK "Team2" 01:40:00 B OK	1 "Team1" 1 40 1 "Team2" 1 40

Задача H. Минимум и максимум

Имя входного файла:	`minmax.in`
Имя выходного файла:	`minmax.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

Пусть есть множество целых чисел. Необходимо реализовать структуру данных для их хранения, поддерживающую следующие операции: `GetMin` — извлечение минимума, `GetMax` — извлечение максимума, `Insert(N)` — добавление числа в множество.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записано одно целое число N ($1 \leqslant N \leqslant 100\,000$) — число запросов к структуре. Затем в N строках следуют запросы по одному в строке: `GetMin`, `GetMax`, `Insert(A)` — извлечение минимума, максимума и добавление числа A ($1 \leqslant A \leqslant 2^{31} - 1$). Запросы корректны, то есть нет операций извлечения для пустого множества.

Формат выходных данных

Для каждого запроса `GetMin` или `GetMax` выведите то число, которое было извлечено.

Примеры

minmax.in	minmax.out
10 Insert(100) Insert(99) Insert(1) Insert(2) GetMin GetMax Insert(1) GetMin GetMin GetMax	1 100 1 2 99

Задача I. Англо-латинский словарь

Имя входного файла:	`dictionary.in`
Имя выходного файла:	`dictionary.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Однажды, разбирая старые книги на чердаке, школьник Вася нашёл англо-латинский словарь. Английский он к тому времени знал в совершенстве, и его мечтой было изучить латынь. Поэтому попавшийся словарь был как раз кстати.

К сожалению, для полноценного изучения языка недостаточно только одного словаря: кроме англо-латинского необходим латинско-английский. За неимением лучшего он решил сделать второй словарь из первого.

Как известно, словарь состоит из переводимых слов, к каждому из которых приводится несколько слов-переводов. Для каждого латинского слова, встречающегося где-либо в словаре, Вася предлагает найти все его переводы (то есть все английские слова, для которых наше латинское встречалось в его списке переводов), и считать их и только их переводами этого латинского слова.

Помогите Васе выполнить работу по созданию латинско-английского словаря из англо-латинского.

Формат входных данных

Во входном файле содержатся несколько описаний английских слов. Каждое описание содержится в отдельной строке, в которой записано сначала английское слово, затем отделённый пробелами дефис (символ номер 45), затем разделённые запятыми с пробелами переводы этого английского слова на латинский. Переводы отсортированы в лексикографическом порядке. Порядок следования английских слов в словаре также лексикографический.

Все слова состоят только из маленьких латинских букв, длина каждого слова не превосходит 15 символов. Общее количество слов на входе не превышает 100 000.

Формат выходных данных

Программа должна вывести количество латинских слов в словаре k. В следующих k строках программа должна вывести латинско-английский словарь, соответствующий входному словарю, в точности соблюдая формат входных данных. В частности, первым должен идти перевод лексикографически минимального латинского слова, далее — второго в этом порядке и т. д. Внутри перевода английские слова должны быть также отсортированы лексикографически.

Примеры

dictionary.in	dictionary.out
apple - malum, pomum, popula fruit - baca, bacca, popum punishment - malum, multa	7 baca - fruit bacca - fruit malum - apple, punishment multa - punishment pomum - apple popula - apple popum - fruit

Задача J. Палиндром

Имя входного файла:	`стандартный ввод`
Имя выходного файла:	`стандартный вывод`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

Палиндром — это строка, которая читается одинаково как справа налево, так и слева направо.

На вход программы поступает набор больших латинских букв (не обязательно различных). Разрешается переставлять буквы, а также удалять некоторые буквы. Требуется из данных букв по указанным правилам составить палиндром наибольшей длины, а если таких палиндромов несколько, то выбрать первый из них в алфавитном порядке.

Формат входных данных

Входные данные содержат одну непустую строку, состоящую лишь из не более чем 10^5 заглавных латинских символов, без пробелов.

Формат выходных данных

В единственной строке выходных данных выведите искомый палиндром.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
AAB	ABA
QAZQAZ	AQZZQA

Задача K. Прямоугольник

Имя входного файла:	`rectangle.in`
Имя выходного файла:	`rectangle.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

На плоскости задан прямоугольник (стороны которого не обязательно параллельны осям координат). Даны координаты трех его вершин, найдите его четвертую вершину.

Формат входных данных

Программа получает на вход координаты трех вершин прямоугольника $x_1, y_1, x_2, y_2, x_3, y_3$. Координаты: действительные числа, не превосходящие 10^7 по модулю и имеющие не более 9 десятичных цифр после точки.

Формат выходных данных

Выведите координаты четвертой вершины прямоугольника. Ответ должен быть получен точно (допускается не выводить незначащие нули). В частности, это означает, что если в правильном ответе должно быть число 1.0, то ответ 0.9999999999999992 неправильный, а ответ 1.000000000000000 — правильный.

Примеры

rectangle.in	rectangle.out
-1 2 1 1 2.6 4.2	0.6 5.2